

**Allgemeiner Hinweis:** Die Übungsgruppenanmeldung in TISS läuft von Donnerstag, 02.11., 20:00 Uhr bis Sonntag, 19.11., 13:00 Uhr. Die Platzvergabe in den einzelnen Übungsgruppen erfolgt nach dem *first come, first served*-Prinzip. Wir können Ihnen keinen Platz in einer bestimmten Übungsgruppe garantieren. Wir haben aber sichergestellt, dass für alle Studierende ein Platz in einer Übungsgruppe zur Verfügung steht, die zumindest 8 anerkannte Beispiele bei den Übungsblättern 1 und 2 haben.

### Aufgabe 1: Zweierkompliment, Multiplikation

Es sind die folgenden Zahlen gegeben:

$$A = (-9)_{10}$$

$$B = (-4)_{10}$$

$$C = (23)_{10}$$

Führen Sie die nachfolgenden Berechnungen mit einer Maschinenwortlänge von 8 Bit in Zweierkomplementdarstellung durch und geben Sie die Ergebnisse auch als decodierte Dezimalzahl an:

a)  $A * B$

b)  $B * C$

c)  $A * C$

## **Aufgabe 2: Exzessdarstellung**

Gegeben sind zwei Zahlen. Die Zahlen sind in Exzessdarstellung mit dem asymmetrischen Exzess  $e = (105)_{10}$  codiert.

- a) Bestimmen Sie den Summanden  $B$  der Rechnung  $A + B = C$  und geben Sie den Wert von  $B$  binär (in der oben genannten Exzessdarstellung) und dezimal an.

$$\begin{aligned} A &= 10110100 \\ C &= 11110010 \end{aligned}$$

- b) Berechnen Sie die Summe  $A + B = C$  in Exzessdarstellung und geben Sie den Wert von  $C$  binär (in der oben genannten Exzessdarstellung) und dezimal an.

$$\begin{aligned} A &= 10000000 \\ B &= 1010000 \end{aligned}$$

### **Aufgabe 3: IEEE verkürzt mit Sonderfällen**

Gegeben sind die folgenden im 16-Bit-Gleitpunktformat  $\mathbb{F}(2, 11, -14, 15, \text{true})$ , welches Sie bereits aus Übungsblatt 2 (Aufgabe 1) kennen, codierten Zahlen:

$$A = 1\ 00000\ 0010100000$$

$$B = 1\ 01010\ 1101100000$$

$$C = 0\ 11111\ 0000000000$$

$$D = 0\ 11100\ 0000000000$$

Führen Sie mit den Zahlen folgende Berechnungen durch und codieren Sie das Ergebnis jeweils im angegebenen Gleitpunktformat. Runden Sie mittels round to even.

a)  $A + B$

b)  $A * C$

c)  $D/A$

#### **Aufgabe 4: Paritätsbits**

Ein Code, dessen Codewörter eine Länge von 5 Bit haben, soll folgendermaßen störsicherer gemacht werden: Jeweils fünf Codewörter werden in Form einer Matrix angeordnet. Dann wird zeilen- und spaltenweise ein Parity-Bit (even parity) berechnet, wobei auch über die Parity-Bit-Spalte ein Parity-Bit bestimmt wird.

a) Kodieren Sie 00010, 11011, 00000, 10001, 01011.

b) Geben Sie die korrigierten Codewörter an.

1	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	1
1	1	1	1	1	1
0	0	0	0	1	0
1	0	0	0	1	0
1	1	1	0	1	0

c) Wie viele Bits kann diese Methode in jeweils fünf Codewörtern korrigieren?

d) (**Bonus-Aufgabe**, muss nicht gelöst werden, gibt aber bei richtiger Präsentation in der UE-Gruppe ein Arbeitsplus.)

Warum ist das Parity-Bit, das spaltenweise über die Parity-Bit-Spalte berechnet wird, auch ein korrektes Parity-Bit für die Parity-Bit-Zeile?

### **Aufgabe 5: Mittlerer Informationsgehalt, mittlere Wortlänge und Redundanz eines Codes**

Gegeben sei folgender Code für das Alphabet  $\{r \mid s \mid t \mid u \mid v\}$ . Die Tabelle enthält neben den Codewörtern auch die Auftrittswahrscheinlichkeit und den Informationsgehalt der einzelnen Zeichen des Quellalphabets.

	$p_i$	$h_i$	Codewort
r	0.40	1.32	01
s	0.25	2.00	1
t	0.20	2.32	001
u	0.10	3.32	0001
v	0.05	4.32	0000

a) Berechnen Sie

$$H =$$

$$L =$$

$$R =$$

b) Ist der Code optimal? Begründen Sie Ihre Antwort.

## Aufgabe 6: Huffman-Code

- a) Gegeben sei ein Alphabet bestehend aus den Zeichen  $\{a \mid b \mid c \mid d \mid e \mid f\}$ . Betrachten Sie die nachfolgende Tabelle mit den jeweiligen Auftretswahrscheinlichkeiten der einzelnen Zeichen und füllen Sie die Tabelle vollständig aus. Erstellen Sie dazu einen passenden Huffman-Codebaum und geben Sie zusätzlich die mittlere Wortlänge  $L$  an.

	p	Code	l	$p \cdot l$
a	0.3			
b	0.05			
c	0.13			
d	0.08			
e	0.25			
f	0.19			

- b) Gegeben ist folgender Code.

	p	h	$h \cdot p$	Code	l	$p \cdot l$
a	0.8	0.32	0.256	1	1	0.8
b	0.18	2.47	0.4446	10	2	0.36
c	0.02	5.64	0.1128	00	2	0.04

- (i) Berechnen Sie die Redundanz.  
(ii) Um die Redundanz zu verringern, werden zwei aufeinanderfolgende Zeichen miteinander codiert. Füllen Sie dazu folgende Tabelle aus.

	p	Code	l	$p \cdot l$	$h \cdot p$
aa		1			0.412
ab		00			0.4026
ac		01010			0.095
ba		110			0.4
bb		0010			0.16
bc		0011010			0.029
ca		111010			0.095
cb		11011010			0.029
cc		01011010			0.0045

- (iii) Geben Sie  $R$  und die mittlere Wortlänge  $L$  an.

## Aufgabe 7: Boole'sche Algebra – Gleichheit von zwei Ausdrücken mit Wahrheitstabelle überprüfen

Überprüfen Sie die nachfolgenden booleschen Ausdrücke  $F_1$  und  $F_2$  mittels Wahrheitstabelle auf logische Äquivalenz. Begründen Sie Ihre Antwort.

*Hinweis:*  $\uparrow$  entspricht NAND,  $\downarrow$  entspricht NOR,  $\oplus$  entspricht XOR.

*Hinweis:* Sie können die resultierenden Wahrheitswerte eines binären Operators direkt unter diesen Operator in der Wahrheitstabelle schreiben.

a)  $F_1 = (a \oplus b) \Rightarrow (a \uparrow d)$   
 $F_2 = (d \Rightarrow (a \wedge b)) \vee (b \equiv d) \vee (a \downarrow b)$

*Anmerkung:*  $F_2$  ist nicht vollständig geklammert. Es gibt zwei Möglichkeiten Klammern einzufügen um den Ausdruck vollständig zu klammern. Überlegen Sie sich ob es einen Unterschied macht, wenn eine dieser beiden Varianten als  $F_2$  für die Überprüfung der Äquivalenz verwendet wird.

a	b	c	d	$(a \oplus b) \Rightarrow (a \uparrow d)$	$\equiv$	$(d \Rightarrow (a \wedge b)) \vee (b \equiv d) \vee (a \downarrow b)$
0	0	0	0			
1	0	0	0			
0	1	0	0			
1	1	0	0			
0	0	1	0			
1	0	1	0			
0	1	1	0			
1	1	1	0			
0	0	0	1			
1	0	0	1			
0	1	0	1			
1	1	0	1			
0	0	1	1			
1	0	1	1			
0	1	1	1			
1	1	1	1			

Begründung:

b)  $F_1 = (a \oplus b) \Rightarrow (a \uparrow d)$   
 $F_2 = (d \Rightarrow (a \wedge b)) \vee (b \equiv d) \vee \neg(c \Rightarrow d)$

a	b	c	d	$(a \oplus b) \Rightarrow (a \uparrow d)$	$\equiv$	$(d \Rightarrow (a \wedge b)) \vee (b \equiv d) \vee \neg(c \Rightarrow d)$
0	0	0	0			
1	0	0	0			
0	1	0	0			
1	1	0	0			
0	0	1	0			
1	0	1	0			
0	1	1	0			
1	1	1	0			
0	0	0	1			
1	0	0	1			
0	1	0	1			
1	1	0	1			
0	0	1	1			
1	0	1	1			
0	1	1	1			
1	1	1	1			

Begründung:

### **Aufgabe 8: Boole'sche Algebra – Ausdruck mittels Gesetzen umformen**

Überprüfen Sie folgende boolesche Ausdrücke durch algebraisches Umformen auf Äquivalenz.

$$F_1 = ((c \equiv d) \downarrow (\neg c \oplus b)) \vee a$$

$$F_2 = (((c \supset d) \wedge (d \supset c)) \vee ((c \supset b) \wedge (b \supset c))) \supset a$$

*Hinweise:*  $\downarrow$  entspricht NOR,  $\oplus$  entspricht XOR,  $\supset$  entspricht  $\Rightarrow$ . Foliensatz 5, Folie 12 kann hilfreich sein.