

Unterschrift (signature):

**Studierendenausweis (student id card)**

B1	B2	B3	B4	$\sum_{B_i}$	UE	$\Sigma$	N

**Prüfung (Exam)**

VU Einführung in wissensbasierte Systeme 2020W, 184.737

18.03.2021

Name:

Matrikelnummer (Student ID):

Kennzahl (Study Code):

Bitte leserlich mit Füllfeder oder Kugelschreiber schreiben. *Kein Bleistift!*

(Please give readable answers and use a fountain or ball pen. *No pencil!*)

Für die Multiple-Choice Fragen: Jede richtige Antwort zählt positiv, jede falsche Antwort negativ! Die minimale Punktezahl pro Teilaufgabe beträgt 0 Punkte.

(Multiple-Choice Questions: Correct answers give positive points, but wrong answers give negative points! You cannot get less than 0 points per subtask.)

---

**Beispiel (Subtask) 1:**

**17 Punkte (points)**

Logikbasierte Wissensrepräsentation (Logic-based knowledge representation):

a) Definieren Sie den Begriff einer *Interpretationsstruktur* in der Prädikatenlogik erster Stufe. Gegeben ist eine Formel  $\lambda$ , erklären Sie den Unterschied zwischen einer Interpretationsstruktur und einem Modell für  $\lambda$ .

Zeigen oder widerlegen Sie mithilfe von Interpretationsstrukturen, dass für beliebige geschlossene Formeln  $\varphi$ ,  $\psi$  und  $\rho$  aus  $\psi \models \varphi \wedge \rho$  immer  $\psi \models \rho$  folgt. Wenn Sie zusätzliche Theoreme aus der Vorlesung verwenden, so müssen Sie diese beweisen.

(Define the notion of an *interpretation structure* of first-order predicate logic. Given a formula  $\lambda$ , explain the difference between an interpretation structure and a model for  $\lambda$ .

Show or refute by means of interpretation structures: From  $\psi \models \varphi \wedge \rho$  follows  $\psi \models \rho$  for arbitrary closed formulas  $\varphi$ ,  $\psi$ , and  $\rho$ . If you use additional theorems from the lecture you have to prove them.)

**5 Punkte (points)**

Unterschrift (signature):

b) Gegeben sei die Wissensbasis

$$\Gamma := \{\forall x\forall y(R(x, y) \rightarrow S(x, y, y)), \forall x\forall y\forall z(S(x, y, z) \rightarrow R(y, x))\}.$$

Verwenden Sie TC1 um zu zeigen, dass der Satz  $\forall x\forall y(R(y, x) \rightarrow R(x, y))$  eine logische Konsequenz von  $\Gamma$  ist. Machen Sie dabei den logischen Zusammenhang zwischen den Formeln in unterschiedlichen Transformationsschritten klar.

(Consider the knowledge base

$$\Gamma := \{\forall x\forall y(R(x, y) \rightarrow S(x, y, y)), \forall x\forall y\forall z(S(x, y, z) \rightarrow R(y, x))\}.$$

Use TC1 to show that the sentence  $\forall x\forall y(R(y, x) \rightarrow R(x, y))$  is a logical consequence of  $\Gamma$ . Clarify the logical relation between the formulas in each transformation step.)

**4 Punkte (points)**

Unterschrift (signature):

- c) Überprüfen Sie, welche Eigenschaften auf die nachfolgend angeführten aussagenlogischen Formeln zutreffen und kreuzen Sie jeweils alle zutreffenden Eigenschaften an:  
(Which properties do the following propositional formulas have? Check all correct properties:)

i.  $(p \rightarrow (p \wedge q)) \leftrightarrow p$

- erfüllbar (satisfiable)     widerlegbar (refutable)  
 Tautologie (tautology)     Kontradiktion (contradiction)

ii.  $(p \rightarrow q) \rightarrow (q \rightarrow p \vee q)$

- erfüllbar (satisfiable)     widerlegbar (refutable)  
 Tautologie (tautology)     Kontradiktion (contradiction)

**2 Punkte (points)**

- d) Kreuzen Sie Zutreffendes an:  
(Check the correct answers:)

- i. Für jede erfüllbare Formel der Prädikatenlogik gibt es ein geschlossenes TC1-Tableau.  
(There is a closed TC1-tableau for every satisfiable formula in predicate logic.)

richtig (true)     falsch (false)

- ii. Ist  $\varphi$  unerfüllbar, so ist  $\exists x(\varphi \rightarrow \psi) \rightarrow \forall x(\varphi \rightarrow \psi)$  gültig für beliebiges  $\psi$ .  
(If  $\varphi$  is unsatisfiable, then  $\exists x(\varphi \rightarrow \psi) \rightarrow \forall x(\varphi \rightarrow \psi)$  is valid for any  $\psi$ .)

richtig (true)     falsch (false)

- iii. Für eine PL1-Formel  $\varphi$  gilt in einer Interpretation  $I$  entweder  $I \models \varphi$  oder  $I \models \neg\varphi$ .  
(For a PL1 formula  $\varphi$  it holds that in any interpretation  $I$  either  $I \models \varphi$  or  $I \models \neg\varphi$ .)

richtig (true)     falsch (false)

- iv. TC1 terminiert immer.  
(TC1 always terminates.)

richtig (true)     falsch (false)

- v.  $F \cup \{\varphi\} \models \neg\psi$  genau dann, wenn  $F \cup \{\psi\} \models \neg\varphi$ .  
( $F \cup \{\varphi\} \models \neg\psi$  if and only if  $F \cup \{\psi\} \models \neg\varphi$ .)

richtig (true)     falsch (false)

- vi. Eine Formel ist genau dann unerfüllbar wenn ihre Negation gültig ist.  
(A formula is unsatisfiable if and only if its negation is valid.)

richtig (true)     falsch (false)

- vii. Die leere Disjunktion ist in allen Interpretationsstrukturen falsch.  
(The empty disjunction is false in every interpretation structure)

richtig (true)     falsch (false)

- viii.  $\forall x(P(x) \vee Q(x)) \models \forall xP(x) \vee \forall xQ(x)$

richtig (true)     falsch (false)

**4 Punkte (points)**

Unterschrift (signature):

**Beispiel (Subtask) 2:**

**16 Punkte (points)**

Nichtmonotones Schließen (Nonmonotonic reasoning):

a) Gegeben ist folgende Wissensbasis  $T$  über einer Sprache mit den einzigen Konstantensymbolen  $a$  und  $b$ , dem Variablensymbol  $x$  und den einzigen Prädikatensymbolen  $P$ ,  $Q$  und  $S$ .

(Let  $T$  be the following knowledge base over a language with the constant symbols  $a$  and  $b$ , the variable symbol  $x$  and the predicate symbols  $P$ ,  $Q$  and  $S$ .)

$$T = \{\forall x(P(x) \vee Q(x) \rightarrow S(x)), \forall x(P(x) \wedge \neg Q(x) \rightarrow S(x)), Q(a), P(b), S(b)\}.$$

i. Geben Sie die *generalisierte Closed World Assumption*  $CWA^{Q,S}(T)$  von  $T$  an, indem Sie folgende Gleichung ergänzen:

(Provide the elements of the *generalised closed world assumption*  $CWA^{Q,S}(T)$  of  $T$  by supplementing the following equation:)

$$CWA^{Q,S}(T) = Cn(T \cup \{ \underline{\hspace{10cm}} \}).$$

ii. Welche der folgenden Eigenschaften treffen zu?

(Which of the following properties hold?)

- $T \cup T_{asm}^{Q,S}$  ist *deduktiv abgeschlossen*. ( $T \cup T_{asm}^{Q,S}$  is *deductively closed*.)  
 richtig (true)     falsch (false)
- $CWA^{Q,S}(T)$  ist *inkonsistent*. ( $CWA^{Q,S}(T)$  is *inconsistent*.)  
 richtig (true)     falsch (false)

**4 Punkte (points)**

b) Was ist eine definite Horn Klausel? Sei  $T$  eine Theorie, welche nur aus definiten Horn Klauseln besteht. Welche Eigenschaft gilt für  $CWA(T)$ , welche im Allgemeinen nicht gilt?

(What is a definite Horn clause? Let  $T$  be theory containing only definite Horn clauses. What property holds for  $CWA(T)$  that does not hold in general?)

**2 Punkte (points)**

Unterschrift (signature):

- c) Beweisen oder widerlegen Sie:  
(Prove or disprove:)

$$Cn(T_1) \cup Cn(T_2) \subseteq Cn(T_1 \cup T_2).$$

**4 Punkte (points)**

- d) Gegeben seien folgende Defaults:  
(Consider the following defaults:)

$$\Delta = \left\{ \frac{P(x) : \neg Q(x)}{\neg Q(x)}, \frac{Q(x) : P(x), R(x)}{R(x)}, \frac{\top : \neg P(x), \neg R(x)}{P(x) \wedge Q(x)} \right\}$$

$$W_1 = \{Q(a), R(b)\}, \quad W_2 = \{P(a), \neg R(a)\}, \quad W_3 = \{R(a)\}.$$
$$E_1 = Cn(W_1), \quad E_2 = Cn(W_2 \cup \{\neg Q(a)\}), \quad E_3 = Cn(W_3).$$

- (1) Geben Sie die *klassischen Redukte*  $\Delta^{E_i}$  von  $\Delta$  bezüglich den Mengen  $E_i$  an, für  $i = 1, 2, 3$ .  
(Provide the *classical reducts*  $\Delta^{E_i}$  of  $\Delta$  with respect to the sets  $E_i$ , for  $i = 1, 2, 3$ .)

$$\Delta^{E_1} = \{ \underline{\hspace{15cm}} \}$$
$$\Delta^{E_2} = \{ \underline{\hspace{15cm}} \}$$
$$\Delta^{E_3} = \{ \underline{\hspace{15cm}} \}$$

- (2) Kreuzen Sie die korrekten Aussagen an:  
(Check the correct statements:)

- i.  $E_1$  ist eine Extension der Default Theorie  $T_1 = \langle W_1, \Delta \rangle$ .  
( $E_1$  is an extension of the default theory  $T_1 = \langle W_1, \Delta \rangle$ .)  
 richtig (true)     falsch (false)
- ii.  $E_2$  ist eine Extension der Default Theorie  $T_2 = \langle W_2, \Delta \rangle$ .  
( $E_2$  is an extension of the default theory  $T_2 = \langle W_2, \Delta \rangle$ .)  
 richtig (true)     falsch (false)
- iii.  $E_3$  ist eine Extension der Default Theorie  $T_3 = \langle W_3, \Delta \rangle$ .  
( $E_3$  is an extension of the default theory  $T_3 = \langle W_3, \Delta \rangle$ .)  
 richtig (true)     falsch (false)

**6 Punkte (points)**

Unterschrift (signature):

**Beispiel (Subtask) 3:**

**16 Punkte (points)**

Answer-Set Programming:

a) Gegeben ist folgendes Answer-Set Programm: (Consider the following answer-set program:)

$$\mathcal{P} := \left\{ \begin{array}{l} C(r). \quad P(t). \\ F(X) \leftarrow B(X), \quad \text{not } \neg F(X). \\ \neg F(X) \leftarrow P(X). \\ B(X) \leftarrow P(X). \\ B(X) \leftarrow C(X). \end{array} \right\}.$$

i. Bestimmen Sie die Grundierung  $grnd(\mathcal{P})$  von  $\mathcal{P}$ .  
(Determine the grounding  $grnd(\mathcal{P})$  of  $\mathcal{P}$ .)

ii. Bestimmen Sie für  $E := \{B(r), B(t), \neg F(t), F(r), P(t), C(r)\}$  das Gelfond-Lifschitz Redukt  $\mathcal{P}^E$  von  $\mathcal{P}$ . Ist  $E$  ein Answer Set von  $\mathcal{P}$ ? Begründen Sie Ihre Antwort!

(Given  $E := \{B(r), B(t), \neg F(t), F(r), P(t), C(r)\}$ , determine the Gelfond-Lifschitz reduct  $\mathcal{P}^E$  of  $\mathcal{P}$ . Is  $E$  an answer set of  $\mathcal{P}$ ? Justify your answer! ) **6 Punkte (points)**

Unterschrift (signature):

b) Kreuzen sie bei den folgenden Aussagen an, ob sie richtig sind oder nicht.

(Check whether the following propositions are true or not.)

- i. Constraints können beim guess-and-check Paradigma nicht vorkommen. (Constraints cannot appear in the guess-and-check paradigm.)  richtig (true)  falsch (false)
- ii. Grundierte Literale enthalten Variablen. (Ground literals contain variables.)  richtig (true)  falsch (false)
- iii.  $M \subseteq HB(P)$  ist ein Answer-Set von  $P$ , wenn  $M$  ein Answer-Set von  $grnd(P)$  ist. ( $M \subseteq HB(P)$  an answer set of  $P$  if  $M$  is an answer set of  $grnd(P)$ .)  richtig (true)  falsch (false)
- iv. Das Programm  $\mathcal{P} = \{a \vee c \leftarrow ., b \leftarrow not\ a.\}$  ist normal. (The program  $\mathcal{P} = \{a \vee c \leftarrow ., b \leftarrow not\ a.\}$  is normal.)  richtig (true)  falsch (false)
- v. Die Disjunktion in Logikprogrammen ist minimal. (The disjunction in logic programs is minimal.)  richtig (true)  falsch (false)

**5 Punkte (points)**

c) Gegeben sei das folgende disjunktive Answer-Set Programm:

(Consider the following disjunctive answer-set program:)

$$\mathcal{P} := \left\{ \begin{array}{l} a \vee b \vee d \vee e. \\ c \leftarrow b. \end{array} \right\}.$$

Berechnen Sie die Answer Sets der folgenden Programme:

(Determine the answer sets of the following programs:)

- i.  $\mathcal{P} \cup \{\leftarrow a, e.\}$
- ii.  $\mathcal{P} \cup \{\leftarrow b.\}$

**5 Punkte (points)**

Unterschrift (signature):

**Beispiel (Subtask) 4:**

**16 Punkte (points)**

Probabilistisches Schließen (Probabilistic reasoning):

- a) 471 Menschen nehmen an einer Studie teil, von denen 59 die Krankheit  $X$  haben. Ein Test ergibt bei erkrankten Personen in 57 von 59 Fällen *true*. Bei gesunden Personen meldet der Test fälschlicherweise bei 4 von 412 Fällen *true*.

Bestimmen Sie  $P(X = \textit{true} | \textit{Test} = \textit{true})$ .

Hinweis: Der konkrete numerische Wert muss nicht explizit berechnet werden; es genügt die Angabe der Formel mit den entsprechenden Werten.

(471 people participate in a medical study; 59 people have the disease  $X$ . For diseased patients, a test returns *true* in 57 of 59 cases. For healthy people, it falsely returns *true* in 4 of 412 cases. Determine  $P(X = \textit{true} | \textit{Test} = \textit{true})$ .

Hint: It is sufficient to provide the formulas with the correct values. You do not have to calculate the exact value.)

**5 Punkte (points)**

- b) Bestimmen Sie die Richtigkeit oder Falschheit folgender Aussagen, für beliebige Boole'sche Zufallsvariablen  $A, B, T$  und  $W$ :

(Determine which of the following relations hold, for any Boolean random variable  $A, B, T$ , and  $W$ .)

- |  |   |   |
|--|---|---|
| i. $P(A   B) + P(\neg A   B) = 1.$   | <input type="checkbox"/> richtig (true) | <input type="checkbox"/> falsch (false) |
| ii. $P(A   B) = \frac{P(B A)P(B)}{P(A)}.$                                      | <input type="checkbox"/> richtig (true) | <input type="checkbox"/> falsch (false) |
| iii. $P(A   \neg B) + P(A   B) = 1.$   | <input type="checkbox"/> richtig (true) | <input type="checkbox"/> falsch (false) |
| iv. $P(B, \neg T   \neg A, W) = \frac{P(B, \neg T, \neg A, W)}{P(\neg A, W)}.$ | <input type="checkbox"/> richtig (true) | <input type="checkbox"/> falsch (false) |

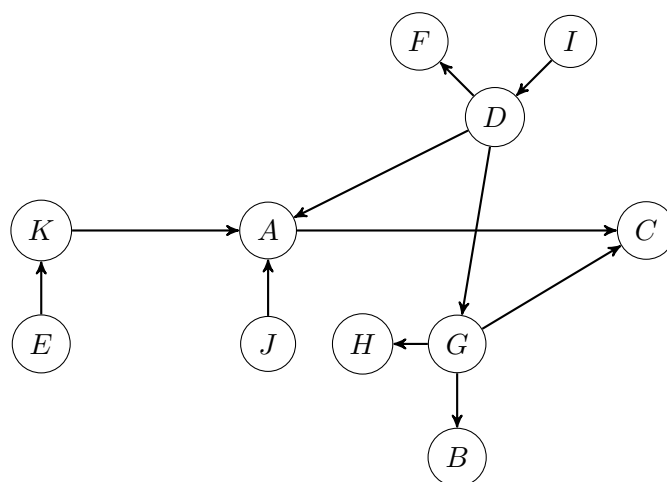
**4 Punkte (points)**



Unterschrift (signature):

- c) Nennen und erklären Sie die drei Arten von Zufallsvariablen, die in der Vorlesung besprochen wurden. (Name and explain the three types of random variables which were discussed in the lecture.) **3 Punkt (points)**

- d) Gegeben ist folgender Graph eines *Bayes'schen Netzes*:  
(Consider the following graph of a Bayesian network:)



Welche der folgenden Eigenschaften treffen zu? (Which of the following properties hold?)

- i.  $H$  ist bedingt unabhängig von  $B$  bei Evidenz  $E$ . ( $H$  is conditionally independent of  $B$  given evidence  $E$ .)  richtig (true)  falsch (false)
- ii.  $E$  ist bedingt unabhängig von  $B$  bei Evidenz  $K$ . ( $E$  is conditionally independent of  $B$  given evidence  $K$ .)  richtig (true)  falsch (false)
- iii.  $F$  ist bedingt unabhängig von  $C$  bei Evidenz  $D$  und  $I$ . ( $F$  conditionally independent of  $C$  given evidence  $D$  and  $I$ .)  richtig (true)  falsch (false)
- iv.  $H$  ist bedingt unabhängig von  $A$  bei Evidenz  $D$ . ( $H$  conditionally independent of  $A$  given evidence  $D$ .)  richtig (true)  falsch (false)

**4 Punkte (points)**