

Distanztransformation: Initialisierung – Berechnung mit d4 (City-Block) – Buch Seite 64

Vorwärtstransformation

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		1	
0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0		1	0
0	1	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	0			
0	1	2	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	0			
0	1	2	3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0			
0	1	2	3	0	1	1	1	1	1	1	1	1	0			
0	1	2	3	0	1	2	2	2	2	2	2	2	0			
0	1	2	3	0	1	2	3	3	3	3	3	3	0			
0	1	2	3	0	1	2	3	0	1	2	3	0				
0	1	2	3	0	0	0	0	0	0	1	2	3	0			
0	1	2	3	1	1	1	1	1	2	3	4	0				
0	1	2	3	2	2	2	2	2	2	3	4	5	0			
0	1	2	3	3	3	3	3	3	4	5	6	0				
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0			

Rückwärtstransformation

Distanztransformation: Initialisierung - Berechnung mit d8 (Schachbrett)

Vorwärtstransformation

Rückwärtstransformation

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Distanztransformation: Initialisierung – Berechnung mit d23 (Euclid)

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0											0
0											0
0											0
0			0	0	0	0	0	0	0	0	0
0			0								0
0			0								0
0			0								0
0			0				0				0
0			0	0	0	0	0				0
0											0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Vorwärtstransformation

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	0	
0	2	4	4	4	4	4	4	4	4	4	3	0
0	2	4	6	6	6	6	6	6	6	6	3	0
0	2	4	6	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	4	6	0	2	2	2	2	2	2	2	0
0	2	4	6	0	2	4	4	4	4	4	3	0
0	2	4	6	0	2	4	6	6	6	6	3	0
0	2	4	6	0	2	4	3	0	2	4	3	0
0	2	4	6	0	0	0	0	0	2	4	3	0
0	2	4	3	2	2	2	2	2	3	4	3	0
0	2	4	5	5	5	5	5	4	5	6	3	0
0	2	4	6	7	7	7	7	6	7	6	3	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

3	2	3
2	0	

Rückwärtstransformation

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		
0	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	0		
0	2	4	4	4	4	4	4	4	4	4	2	0	
0	2	4	3	2	2	2	2	2	2	2	2	0	
0	2	4	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	2	4	2	0	2	2	2	2	2	2	2	0	
0	2	4	2	0	2	4	4	4	4	4	2	0	
0	2	4	2	0	2	4	3	2	3	4	2	0	
0	2	4	2	0	2	2	2	2	0	2	4	2	0
0	2	4	2	0	0	0	0	0	2	4	2	0	
0	2	4	3	2	2	2	2	2	2	3	4	2	0
0	2	4	4	4	4	4	4	4	4	4	2	0	
0	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

	0	2
3	2	3

0			0						0
0			0						0
0			0		0	0			0
0			0		0				0
0			0		0				0
0			0	0	0	0	0		0
0			0		0				0
0			0		0				0
0			0		0				0
0			0		0				0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	2	2	0	2	2	2	2	2	2	2	2	0
0	2	4	3	0	2	4	4	4	4	4	4	3	0
0	2	4	3	0	2	4	6	0	0	2	3	0	0
0	2	4	3	0	2	4	3	0	2	3	3	0	0
0	2	4	3	0	2	4	3	0	2	4	3	0	0
0	2	4	3	0	2	4	3	0	2	4	3	0	0
0	2	4	3	0	0	0	0	0	2	4	3	0	0
0	2	4	3	0	2	2	2	0	2	4	3	0	0
0	2	4	3	0	2	4	3	0	2	4	3	0	0
0	2	4	3	0	0	0	2	0	2	4	3	0	0
0	2	4	3	2	2	2	3	0	2	4	3	0	0
0	2	4	5	5	5	5	3	0	2	4	3	0	0
0	2	4	6	7	7	6	3	2	3	5	3	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

3	2	3
2	0	

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	2	2	2	0	2	2	2	2	2	2	2	2	0
0	2	4	2	0	2	4	3	2	2	3	2	0	0
0	2	4	2	0	2	4	2	0	0	2	2	2	0
0	2	4	2	0	2	4	2	0	2	3	2	0	0
0	2	4	2	0	2	2	2	0	2	4	2	0	0
0	2	4	2	0	0	0	0	0	2	4	2	0	0
0	2	4	2	0	2	2	2	0	2	4	2	0	0
0	2	4	2	0	2	2	2	0	2	4	2	0	0
0	2	4	2	0	0	0	2	0	2	4	2	0	0
0	2	4	3	2	2	2	2	0	2	4	2	0	0
0	2	4	4	4	4	4	2	0	2	4	2	0	0
0	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

	0	2
3	2	3

G.22 Distanztransformation 2/3-Metrik (Buch S. 68)

1. Vorwärtstransformation

Rückwärtstransformation

17	16	15	14	15	16	17	18	19	20		0	2
15	14	13	12	13	14	15	16	17	18	3	2	3
13	12	11	10	11	12	13	14	15	17			
11	10	9	8	9	10	11	12	14	16			
9	8	7	6	7	8	9	11	13	15			
8	6	5	4	5	6	8	10	12	14			
7	5	3	2	3	5	7	9	11	13			
6	4	2	0	2	4	6	8	10	12			

2. Histogramm

1	0	3	2	3	4	5	4	6	5	5	6	6	6	6	6	4	4	2	1	1	0	0	0	0	0
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25

3. Median:

Ein Wert m ist Median einer Stichprobe, wenn höchstens die Hälfte der Beobachtungen in der Stichprobe einen Wert $< m$ und höchstens die Hälfte einen Wert $> m$ hat.

Sortiert man die Beobachtungswerte der Größe nach („geordnete Stichprobe“), so ist der Median bei einer ungeraden Anzahl von Beobachtungen der Wert der in der Mitte dieser Folge liegenden Beobachtung. Bei einer geraden Anzahl von Beobachtungen gibt es kein einziges mittleres Element, sondern zwei. Hier sind die Werte der beiden mittleren Beobachtungen sowie alle Werte dazwischen (obwohl diese bei keiner Beobachtung aufgetreten sind) ein Median der Stichprobe, da für alle diese Werte obige Bedingung zutrifft.

Median = A[!] = Summe vom Ganzen / 2 = 80 / 2 = 40 → A[40] = 11

4. Freeman chain code

17	16	15	14	15	16	17	18	19	20
15	14	13	12	13	14	15	16	17	18
13	12	11	10	11	12	13	14	15	17
11	10	9	8	9	10	11	12	14	16
9	8	7	6	7	8	9	11	13	15
8	6	5	4	5	6	8	10	12	14
7	5	3	2	3	5	7	9	11	13
6	4	2	0	2	4	6	8	10	12

FCC = x 0 0 0 0 1 2 3 3 3 4 3 5 4 5 6 6 6 6 7 7

G.23 Distanztransformation 4 und 8-Nachbarschaft

6	5	4	3	2	1	0		
5	5	4	3	2	1	0		
4	4	4	3	2	1	0		
3	3	3	3	2	1	0		
2	2	2	2	2	1	0		
1	1	1	1	1	1	0		
0	0	0	0	0	0	0		

					0	1	2	
					0	1	2	
					0	1	2	
					0	1	2	
					0	1	2	
					0	1	2	
0	0	0	0	0	0	0	1	2
1	1	1	1	1	1	1	2	3
2	2	2	2	2	2	2	3	4

	1	

					0	1	2		
					1	0	1	2	
					1	0	1	2	
					1	0	1	2	
					1	0	1	2	
0	0	0	0	0	0	0	0	1	2
1	1	1	1	1	1	1	1	1	2
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2

1	1	1
1	0	

6	5	4	3	2	1	0	1	2
5	5	4	3	2	1	0	1	2
4	4	4	3	2	1	0	1	2
3	3	3	3	2	1	0	1	2
2	2	2	2	2	1	0	1	2
1	1	1	1	1	1	0	1	2
0	0	0	0	0	0	0	1	2
1	1	1	1	1	1	1	2	3
2	2	2	2	2	2	2	3	4

0	1
1	

6	5	4	3	2	1	0	1	2	
5	5	4	3	2	1	0	1	2	
4	4	4	3	2	1	0	1	2	
3	3	3	3	2	1	0	1	2	
2	2	2	2	2	1	0	1	2	
1	1	1	1	1	1	1	0	1	2
0	0	0	0	0	0	0	0	1	2
1	1	1	1	1	1	1	1	1	2
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2

	0	1
1	1	1

Histogramm

13	25	24	9	6	3	1	0	0	0
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

13	26	26	7	5	3	1	0	0	0
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

Median

$$\text{Median d4} = 81 / 2 = 40,5 \rightarrow A[40,5] = 2 \quad d8 = A[40,5] = 2 \quad ???$$

FCC4 = x 0 0 0 0 0 2 2 2 2 2

FCC8 = x 0 0 0 0 0 2 2 2 2 2

G.24 Distanztransformation mit Hindernissen

3			X					
			X					
			X					
X	X	X	X	X				
0								

Vorwärtstransformation

3	4	5	6	X					
4	5	6	7	X					
5	6	7	8	9	10	11	12	13	
6	7	8	9	X	11	12	13	14	
X	X	X	X	X	12	13	14	15	
					13	14	15	16	
					14	15	16	17	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	

	1
1	0

Rückwärtstransformation

3	4	5	6	X	12	13	14	15
4	5	6	7	X	11	12	13	14
5	6	7	8	9	10	11	12	13
6	7	8	9	X	9	10	11	12
X	X	X	X	X	8	9	10	11
2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8

0	1
1	

G.25 Freeman Chaincode und Zusammenhang

21232100777664442211100066666664444444443

21232100765660000223210066666664444444443

Nein, beide Bilder sind nicht wohlgeformt, da Schachbrettmuster vorhanden sind!

1. Bild: 2 Zusammenhangskomponenten
 2. Bild: 1 Zusammenhangskomponente

H.25 – 1 Ohne Gewähr! $G = \langle N, T, P, S \rangle$ $T = \{\#, x\}$ $N = \{L, R\}$

$$\begin{array}{l}
 P = \{ \\
 \quad \frac{S \rightarrow LSR \mid L}{\begin{array}{c} 0 \quad L \\ LL \rightarrow LL \end{array}} \\
 \quad \frac{}{\begin{array}{c} LL \quad LL \\ 0 \rightarrow L \end{array}} \\
 \quad \frac{0 \quad R}{RR \rightarrow RR} \\
 \quad \frac{}{\begin{array}{c} RR \quad RR \\ 0 \rightarrow R \end{array}} \\
 \quad \frac{OL \rightarrow Ox}{xL \rightarrow x} \\
 \quad \frac{}{xR \rightarrow x}
 \end{array}$$

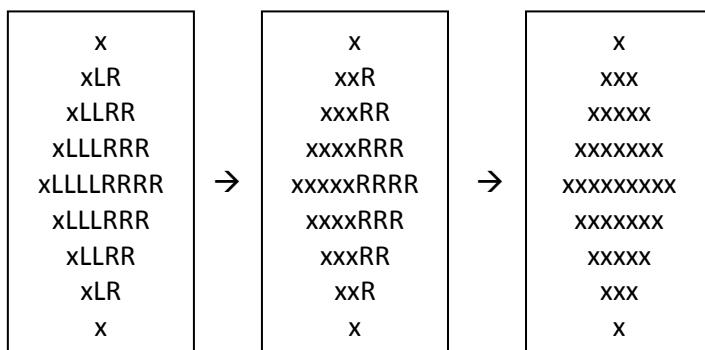
Aus Regel 1 folgt:

LSR
 LLSRR
 LLLSRRR
 LLLLSSRRR
 LLLLLRRRR

Aus Regel 2 – 4 folgt:

L
 LLR
 LLLRR
 LLLLRRR
 LLLLLRRRR
 LLLLRRR
 LLLRR
 LLR
 L

Aus Regel 5 – 8 folgt:



H.25 – 2 Ohne Gewähr! $T = \{1, 3, 5, 7\}$ $N = \{A, D, C, B\} \rightarrow$ stehen für 1, 3, 5, 7

$$\begin{array}{llll} P: & S \rightarrow TRE, & R \rightarrow RR, & TR \rightarrow \epsilon, \\ & BA \rightarrow AB, & CA \rightarrow AC, & DA \rightarrow AD, \\ & CB \rightarrow BC, & DB \rightarrow BC, & DC \rightarrow CD, \end{array}$$

$$AE \rightarrow E5, \quad BE \rightarrow E7, \quad CE \rightarrow E1, \quad DE \rightarrow E3.$$

 $S \rightarrow TRE \rightarrow TABCDE \rightarrow$ $TABCE3 \rightarrow TABE13 \rightarrow TAE713 \rightarrow TE5713 \rightarrow 5713$

	3	
5		1
	7	

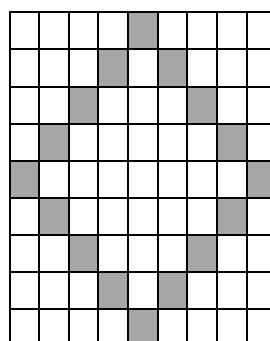
Zum Verständnis im Beispiel H.26 nachsehen!

Dort ist die Regel II, die ein solch gesuchtes Rechteck beschreibt. In der einfachsten Ausführung beschreibt sie nur einen Diagonalschritt. Im Beispiel benötigen wir jedoch 4 Diagonalschritte, also müsste man die Berechnung mit $S \rightarrow TRRRRE$ durchführen.

Dabei müsste man dann $S \rightarrow TABCDABCDAABCDE$ ordnen, was am Ende so aussehen sollte: $S \rightarrow TAAAABBBBCCCCDDDE$

Nach der Umformung nach oben angegebener Regel ergibt sich dann folgender FCC:

1111777755553333 welcher den Rand des vorigen Quadrates beschreibt!!

**H.25 – 3 Ohne Gewähr!** $G = \langle N, T, P, S \rangle$ $N = \{Q, R, S, T\}$ $T = \{0, x\}$

Startsymbol = S

$$\begin{array}{ll} P = \{ & \} \\ R1: & S \rightarrow QQ \\ R2: & Q \rightarrow x \mid QR \\ & \quad Tx \\ R3: & T \rightarrow x \\ R4: & R \rightarrow x \\ R5: & R0 \rightarrow RR \\ & \quad R \quad x \\ R6: & T \rightarrow T \\ & \quad OT \quad Tx \end{array}$$

1:	QQ	6:	xRRxRR R6 TxTx TxTx
2:	QRQR	R2	TxTx
3:	QR0QR0	R2	TxR TxR 0Tx 0Tx
4:	xROxRO	R2	TxRTxR 0Tx0Tx
5:	xRRxRR	R5	TxxTx 0Tx0Tx
			Versteh i nit ganz... rofl, scheint aber zu passen!

H.26 (Array) Grammatik (Buch S. 80) $G = \langle N, T, P, S \rangle$ $S \rightarrow TRE \rightarrow TABCDE \rightarrow$

I: TABCE1 → TABE001 → TAE5001 → TE445001 → 445001

II: TABCE3 → TABE13 → TAE713 → TE5713 → 5713

III: TABCE5 → TABE25 → TAE725 → TE2725 → 2625

 $S \rightarrow TRE \rightarrow TRRE \rightarrow TABCDABCDE \rightarrow TABCADBCDE \rightarrow TABACDBCDE \rightarrow TAABCDBCDE \rightarrow$
 $TAABCBDCDE \rightarrow TAABBDCDDE \rightarrow TAABBCCDDE$

I: 444455000011

II: 55771133

III: 22662255

Usw.

Regel I:

	4	4	1			4	4	4	4	1			4	4	4	4	4	4	1
5	0	0			5				1			5						1	
				5	0	0	0	0			5						1		
										5	0	0	0	0	0	0			

Regel II:

	3					3		
5		1			5		3	
	7			5				1
				7		1		
					7			

Regel III:

	2				2				2
5	6			5	2			5	2
			5		6			5	
					5				2
						5			6

Erkannte Figuren sind somit **Figur B** und **Figur D**!

Freeman Chaincode und Morphologie (Buch S. 127)

Matrikelnummer: 0526452

i	1	2	3	4	5	6	7
$C_i = \min\{M_i, 7 - M_i \}$	0	2	2	1	3	2	2
$C_{i+7} = \text{mod}(8 - C_{8-i}, 8)$	6	6	5	7	6	6	0

9													
8													
7													
6		O				X			O	O	O		
5		O				X			O	O	O		
4		O				X			O	O	O		
3		O	O	O		X	O	X	O	O	O		
2		O				X			O	O	O		
1		O				X			O	O	O		
0	*	O	O			X	O	X	O	O	O		
	0	1	2	3		1	2	3	0	1	2	3	4

Erstes Bild Erosion,
zweites Bild Dilation
mit folgender Maske:

x	1	x
---	---	---

Matrikelnummer: 9756834

i	1	2	3	4	5	6	7
$C_i = \min\{M_i, 7 - M_i \}$	2	0	2	1	1	3	3
$C_{i+7} = \text{mod}(8 - C_{8-i}, 8)$	5	5	7	7	6	0	6

Matrikelnummer: 0356894

i	1	2	3	4	5	6	7
$C_i = \min\{M_i, 7 - M_i \}$	0	3	2	1	1	2	3
$C_{i+7} = \text{mod}(8 - C_{8-i}, 8)$	5	6	7	7	6	5	0

Der Freeman Chaincode kehrt deshalb immer zur Startzeile ($y = 0$) zurück, da sich der Code bei der Berechnung in Zeile 2 (also ab C8) quasi invertiert und somit die selben Schritte wieder zurück gemacht werden, wie sie in Zeile 1 hin gemacht wurden.

L.15 Lauflängencodierung (Buch S. 128)

AAAAABBCCCCC → 4A3B5C (komprimiert)
ABCBAC → 1A1B1C1B1A1C (expandiert)

Mi = 0526452

Zusammenhangskomponenten:

CC4 (0)	CC4 (1)	CC4 (2)	CC4 (3)
3	2	3	2

Cooccurrence Matrix (Grauwertmatrix)

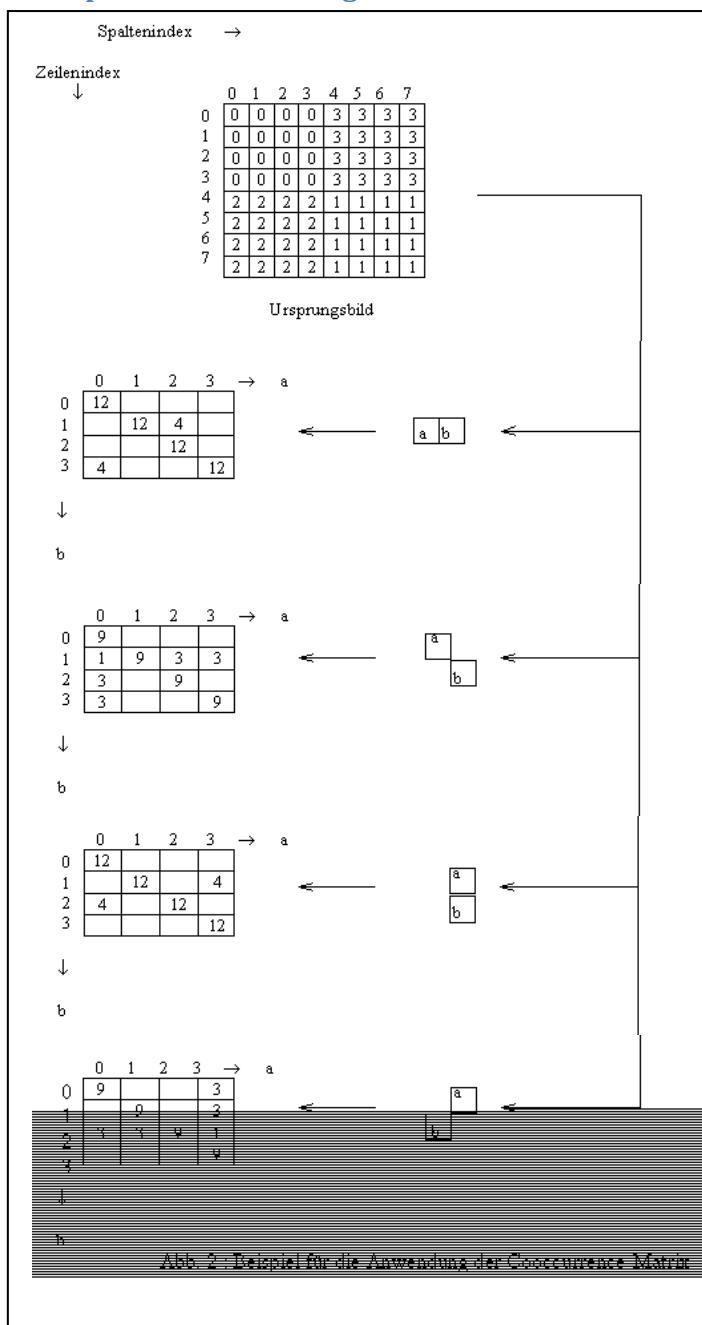
q	
p	

3	3	3	3	3	3	3	3	3
2	2	2	2	3	3	3	3	3
1	1	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1
3	3	3	3	3	2	2	2	2
2	2	2	2	3	3	3	3	3
1	1	1	1	1	1	1	0	0

	0	1	2	3	Sum
0	0	0	3	2	5
1	0	0	3	15	18
2	5	7	0	0	12
3	1	13	4	5	23
Sum	6	20	10	22	116

Begründung: Aufgrund der gegebenen Vergleichsmatrix und der Eigenschaft des zyklischen Abschlusses sind mehrere Fälle zu beachten und es kommen somit auch mehrere Verbindungen zustande.

Beispiel zur Berechnung der Cooccurrence Matrix:



Der Aufbau von Cooccurrence-Matrizen sei anhand eines Beispiels demonstriert. Abb.2 zeigt ein einfaches Ursprungsbild sowie vier Matrizen, hervorgegangen aus vier unterschiedlichen Nachbarkombinationen der Pixel a und b . Die Anzahl von Zeilen und Spalten der Matrizen entspricht der Anzahl der möglichen unterschiedlichen Grauwerte im Ursprungsbild. Im vorliegenden Fall sind das lediglich vier. Die Einträge in die Matrizen entsprechen der Häufigkeit der im Ursprungsbild aufgetretenen Grauwertkombinationen von a und b . Als Beispiel sei die Nachbarschaft "b östlich von a " herangezogen: 12-mal sind Pixel gleichen Grauwertes derart benachbart, viermal liegt Grauwert 1 östlich von Grauwert 2 und viermal liegt Grauwert 3 östlich von Grauwert 0.

Abb. 2: Beispiel für die Anwendung der Cooccurrence Matrix

Mi = 9426478

i	RLC				Grauwertbild								
	(9 - Mi)	x gi,	Mi	x g'i	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1		0 X 3,		9 X 2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
2		5 X 2,		4 X 3	2	2	2	2	2	3	3	3	3
3		7 X 1,		2 X 0	1	1	1	1	1	1	1	0	0
4		3 X 0,		6 X 1	0	0	0	1	1	1	1	1	1
5		5 X 3,		4 X 2	3	3	3	3	3	2	2	2	2
6		2 X 2,		7 X 3	2	2	3	3	3	3	3	3	3
7		1 X 1,		8 X 0	1	0	0	0	0	0	0	0	0

Zusammenhangskomponenten:

CC4 (0)	CC4 (1)	CC4 (2)	CC4 (3)
3	2	3	2

Cooccurrence Matrix (Grauwertmatrix)

q		
		p

2	2	2	2	2	2	2	2	2
2	2	2	2	2	3	3	3	3
1	1	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1
3	3	3	3	3	2	2	2	2
2	2	3	3	3	3	3	3	3
1	0	0	0	0	0	0	0	0

	0	1	2	3	Sum
0	2	1	2	8	13
1	0	6	5	0	11
2	8	5	4	0	17
3	3	2	6	4	15
Sum	13	14	17	12	108

L.16 Aspect Graph (Buch S. 129)

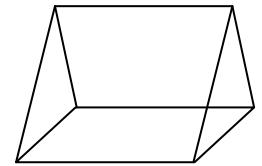
Matr.Nr: 0526452

$$m = 24 / 2 = 12 \rightarrow A[12] = 6$$

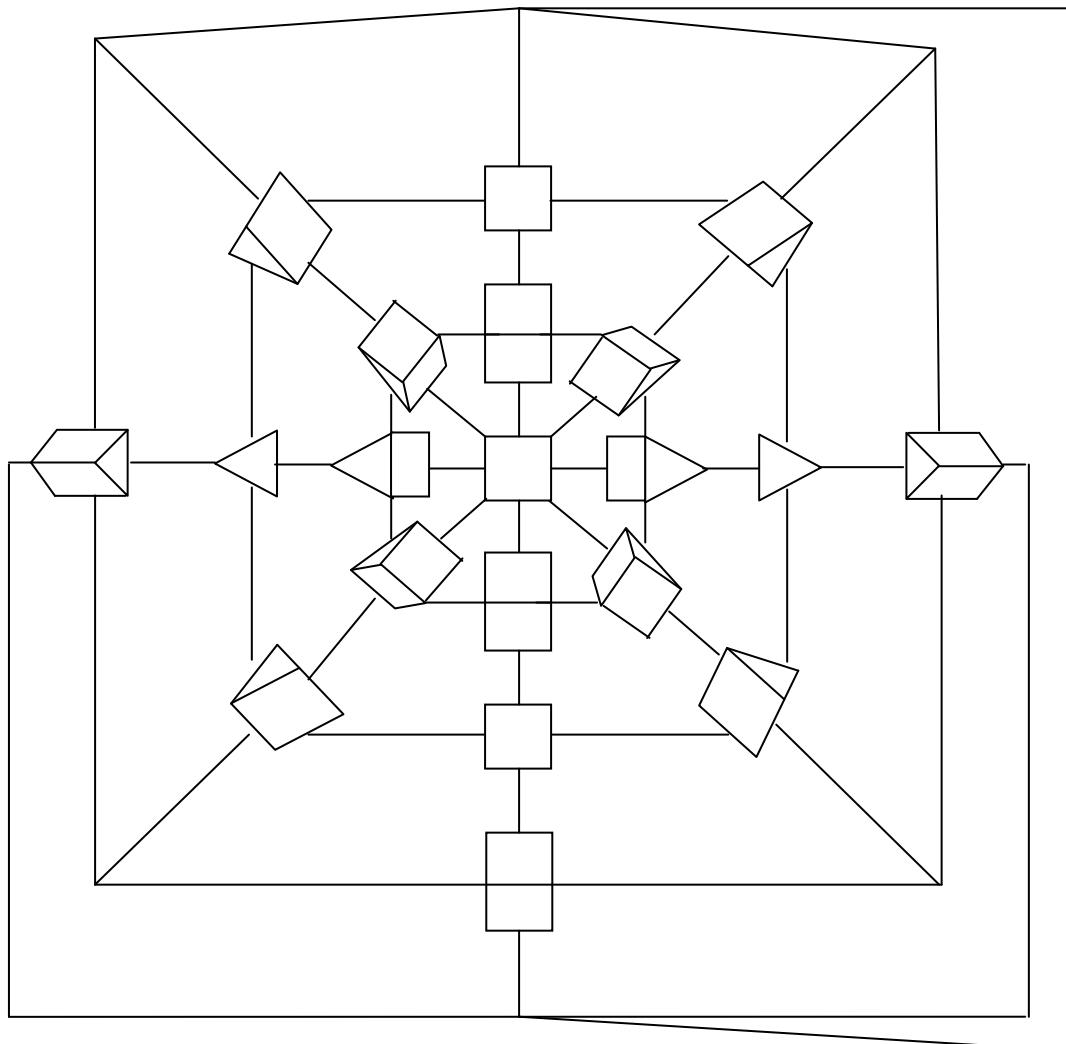
$$n = \max \{m, 9 - m\} - 3 = 3$$

→ 2n Ecken sind dann 6 Ecken, an jeder Ecke treffen genau 3 Kanten zusammen:

Somit hat das Ding 5 Flächen, 9 Kanten und 6 Ecken



Aspect Graph sollte so oder so ähnlich aussehen



L.17 Pyramide (Buch S. 130)

Matr.Nr. 0526452

i	1	2	3	4	5	6	7
Mi	0	5	2	6	4	5	2
6 - Mi	6	1	4	0	2	1	4

$$W_i = \min \{M_i, |6 - M_i|\}$$

i	1	2	3	4	5	6	7
Wi	0	1	2	0	2	1	2

$$P = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline W1 & W2 & W3 & W4 \\ \hline 3 & 3 & 2 & 1 \\ \hline 3 & 3 & -1 & 2 \\ \hline 3 & 1 & 2 & 2 \\ \hline 2 & 2 & 2 & 2 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|c|} \hline W5 & W6 \\ \hline 3 & 1 \\ \hline 2 & 2 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline W7 \\ \hline 2 \\ \hline \end{array}$$

$$L = E(P) - P = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 0 & 0 & -1 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 2 & -1 \\ \hline -1 & 1 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 0 & 0 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|c|} \hline -1 & 1 \\ \hline 0 & 0 \\ \hline \end{array} \quad \boxed{2}$$

Die Ergebnisse der beiden Pyramiden MÜSSEN gleich sei!

Beginnen bei W7 → Aufblasen auf E(P) = $\begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 2 \\ \hline 2 & 2 \\ \hline \end{array}$

Dann berechne $L = E(P) - P$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 2 \\ \hline 2 & 2 \\ \hline \end{array} - \begin{array}{|c|c|} \hline 3 & 1 \\ \hline 2 & 2 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|} \hline -1 & 1 \\ \hline 0 & 0 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 3 & 3 & 1 & 1 \\ \hline 3 & 3 & 1 & 1 \\ \hline 2 & 2 & 2 & 2 \\ \hline 2 & 2 & 2 & 2 \\ \hline \end{array} - \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 3 & 3 & 2 & 1 \\ \hline 3 & 3 & -1 & 2 \\ \hline 3 & 1 & 2 & 2 \\ \hline 2 & 2 & 2 & 2 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 0 & 0 & -1 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 2 & -1 \\ \hline -1 & 1 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 0 & 0 \\ \hline \end{array}$$

Und noch eins:

i	1	2	3	4	5	6	7
Wi	0	5	2	6	4	5	2

$$P = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline W1 & W2 & W3 & W4 \\ \hline 0 & 0 & 8 & -1 \\ \hline 0 & 0 & 3 & 10 \\ \hline 7 & -1 & -1 & -1 \\ \hline 4 & 6 & -1 & -1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|c|} \hline W5 & W6 \\ \hline 0 & 5 \\ \hline 4 & -1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline W7 \\ \hline 2 \\ \hline \end{array}$$

$$L = E(P) - P = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 0 & 0 & -3 & 6 \\ \hline 0 & 0 & 2 & -5 \\ \hline -3 & 5 & 0 & 0 \\ \hline 0 & -2 & 0 & 0 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|c|} \hline 2 & -3 \\ \hline -2 & 3 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline 2 \\ \hline \end{array}$$

Die Ergebnisse der beiden Pyramiden MÜSSEN gleich sei!

Beginnen bei W7 → Aufblasen auf E(P) = $\begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 2 \\ \hline 2 & 2 \\ \hline \end{array}$

Dann berechne $L = E(P) - P$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 2 \\ \hline 2 & 2 \\ \hline \end{array} - \begin{array}{|c|c|} \hline 0 & 5 \\ \hline 4 & -1 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|} \hline 2 & -3 \\ \hline -2 & 3 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 0 & 0 & 5 & 5 \\ \hline 0 & 0 & 5 & 5 \\ \hline 4 & 4 & -1 & -1 \\ \hline 4 & 4 & -1 & -1 \\ \hline \end{array} - \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 0 & 0 & 8 & -1 \\ \hline 0 & 0 & 3 & 10 \\ \hline 7 & -1 & -1 & -1 \\ \hline 4 & 6 & -1 & -1 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 0 & 0 & -3 & 6 \\ \hline 0 & 0 & 2 & -5 \\ \hline -3 & 5 & 0 & 0 \\ \hline 0 & -2 & 0 & 0 \\ \hline \end{array}$$

Eins geht noch:

i	1	2	3	4	5	6	7
Wi	9	4	0	1	5	2	7

$$P = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline W1 & W2 & W3 & W4 \\ \hline 9 & -3 & 11 & 11 \\ \hline -2 & 4 & 11 & 11 \\ \hline 10 & 10 & 0 & 19 \\ \hline 10 & 10 & 0 & 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|c|} \hline W5 & W6 \\ \hline 2 & 11 \\ \hline 10 & 5 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline W7 \\ \hline 7 \\ \hline \end{array}$$

$$L = E(P) - P = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline -7 & 5 & 0 & 0 \\ \hline 4 & -2 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 5 & -14 \\ \hline 0 & 0 & 5 & 4 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|c|} \hline 5 & -4 \\ \hline -3 & 2 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline 7 \\ \hline \end{array}$$

Die Ergebnisse der beiden Pyramiden MÜSSEN gleich sei!

Beginnen bei W7 → Aufblasen auf E(P) = $\begin{array}{|c|c|} \hline 7 & 7 \\ \hline 7 & 7 \\ \hline \end{array}$

Dann berechne $L = E(P) - P$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|} \hline 7 & 7 & & 2 & 11 & & 5 & -4 \\ \hline 7 & 7 & - & 10 & 5 & = & -3 & 2 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|} \hline 2 & 2 & 11 & 11 & & 9 & -3 & 11 & 11 \\ \hline 2 & 2 & 11 & 11 & - & -2 & 4 & 11 & 11 \\ \hline 10 & 10 & 5 & 5 & & 10 & 10 & 0 & 19 \\ \hline 10 & 10 & 5 & 5 & & 10 & 10 & 0 & 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|} \hline & & & & -7 & 5 & 0 & 0 \\ \hline & & & & 4 & -2 & 0 & 0 \\ \hline & & & = & 0 & 0 & 5 & -14 \\ \hline & & & & 0 & 0 & 5 & 4 \\ \hline \end{array}$$

K.41 Mittelwert und Varianz mit der 2 x 1 /2 Pyramide (Buch S. 118)

Pyramide A	Pyramide B	Pyramide C
Basis: A_{i+1}^0	$B_i^0 = A_i^0$	$C_i^k = B_i^k + A_i^k$
Reduktionsfunktionen R:		
$A_{i+1}^{k+1} = (A_{2i}^k + A_{2i+1}^k)/2$	$B_{i+1}^{k+1} = (B_{2i}^k + B_{2i+1}^k)$	$C_{i+1}^{k+1} = (C_{2i}^k + C_{2i+1}^k)/2$

Mittelwert A:

3							
1,75		4,25					
0	3,5	5	3,5				
0	0	5	2	6	4	5	2

Hilfspyramide B:

24							
7		17					
0	7	10	7				
0	0	5	2	6	4	5	2

Varianz C:

6							
3,5		8,5					
0	7	10	7				
0	0	10	4	12	8	10	4

Ich hab keine Ahnung, ob das so passt oder wie auch immer... alleine die Angabe ist schon mal ein Rätselspiel... naja.

K.43 1D Haar-Wavelet

Konstruktion

5	0	5	2	6	4	5	2
2	1	1	1	2	3	5	3
	0	1	2	4			
	-1		3				

$$\text{Differenzen: } ((a+b)/2) - b = a - ((a+b)/2)$$

$$2,5 - 0 = 5 - 2,5 = 2,5 \rightarrow 2$$

$$3,5 - 2 = 5 - 3,5 = 1,5 \rightarrow 1$$

$$5 - 4 = 6 - 5 = 1 \rightarrow 1$$

$$3,5 - 2 = 5 - 3,5 = 1,5 \rightarrow 1$$

$$2,5 - 3 = 2 - 2,5 = -0,5 \rightarrow 0$$

$$4 - 3 = 5 - 4 = 1 \rightarrow 1$$

$$3 - 4 = 2 - 3 = -1 \rightarrow -1$$

Durch die Rundung auf die jeweils niedrigeren Werte entsteht ein maximaler Fehler von 1 pro Zeile!

4	0	3	1	6	4	4	2
2	1	1	1	2	2	5	3
	0	1	2	4			
	-1		3				

$$\text{Rekonstruktion: } A1 = A0 + F; A2 = A0 - F$$

$$3 - 1 = 2; \quad 3 + 1 = 4;$$

$$2 + 0 = 2; \quad 2 - 0 = 2;$$

$$4 + 1 = 5; \quad 4 - 1 = 3;$$

$$2 + 2 = 4; \quad 2 - 2 = 0;$$

$$2 + 1 = 3; \quad 2 - 1 = 1;$$

$$5 + 1 = 6; \quad 5 - 1 = 4;$$

$$3 + 1 = 4; \quad 3 - 1 = 2;$$

Der maximal auftretende Fehler bei der Rekonstruktion ist 2! Maximal 1 Fehler pro Zeile tritt auf!

Konstruktion

5	9	5	2	1	8	7	3
-2	1	3	-2	7	3	4	5
				-2	0	5	4
					0	4	

Differenzen: $((a+b)/2) - b = a - ((a+b)/2)$

$$7 - 9 = 5 - 7 = -2 \rightarrow -2$$

$$3,5 - 2 = 5 - 3,5 = 1,5 \rightarrow 1$$

$$4,5 - 1 = 8 - 4,5 = 3,5 \rightarrow 3$$

$$5 - 7 = 3 - 5 = -2 \rightarrow -2$$

$$5 - 7 = 3 - 5 = -2 \rightarrow -2$$

$$4,5 - 4 = 5 - 4,5 = 0,5 \rightarrow 0$$

$$4,5 - 5 = 4 - 4,5 = -0,5 \rightarrow 0$$

Durch die Rundung auf die jeweils niedrigeren Werte entsteht ein maximaler Fehler von 1 pro Zeile!

0	4	7	5	7	1	2	6
-2	1	3	-2	2	6	4	4
				-2	0	4	4
					0	4	

Rekonstruktion:

$$\mathbf{A1} = \mathbf{A0} + \mathbf{F}; \mathbf{A2} = \mathbf{A0} - \mathbf{F}$$

$$4 + 0 = 4; \quad 4 - 0 = 4;$$

$$4 - 2 = 2; \quad 4 + 2 = 6$$

$$4 + 0 = 4; \quad 4 - 0 = 4$$

$$2 - 2 = 0; \quad 2 + 2 = 4$$

$$6 + 1 = 7; \quad 6 - 1 = 5$$

$$4 + 3 = 7; \quad 4 - 3 = 1;$$

$$4 - 2 = 2; \quad 4 + 2 = 6;$$

Der maximal auftretende Fehler bei der Rekonstruktion ist 7!

Nach Beispiel in Buch S. 109

Konstruktion

1	3	4	8	4	0	2	2
-1	-2	2	0	2	6	2	2
				-2	0	4	2
					1	3	

Differenzen: $((a+b)/2) - b = a - ((a+b)/2)$

$$2 - 3 = 1 - 2 = -1 \rightarrow -1$$

$$6 - 8 = 4 - 6 = -2 \rightarrow -2$$

$$2 - 0 = 4 - 2 = 2 \rightarrow 2$$

$$2 - 2 = 2 - 2 = 0 \rightarrow 0$$

$$4 - 6 = 2 - 4 = -2 \rightarrow -2$$

$$2 - 2 = 2 - 2 = 0 \rightarrow 0$$

$$3 - 2 = 4 - 3 = 1 \rightarrow 1$$

Durch die Rundung auf die jeweils niedrigeren Werte entsteht ein maximaler Fehler von 1 pro Zeile!

1	3	4	8	4	0	2	2
-1	-2	2	0	2	6	2	2
				-2	0	4	2
					1	3	

Rekonstruktion:

$$\mathbf{A1} = \mathbf{A0} + \mathbf{F}; \mathbf{A2} = \mathbf{A0} - \mathbf{F}$$

$$3 + 1 = 4; \quad 3 - 1 = 2;$$

$$4 - 2 = 2; \quad 4 + 2 = 6;$$

$$2 + 0 = 2; \quad 2 - 0 = 2;$$

$$2 - 1 = 1; \quad 2 + 1 = 3;$$

$$6 - 2 = 4; \quad 6 + 2 = 8;$$

$$2 + 2 = 4; \quad 2 - 2 = 0;$$

$$2 + 0 = 2; \quad 2 - 0 = 2;$$

Der maximal auftretende Fehler bei der Rekonstruktion ist 0, da auch keine Fehler bei der Rekonstruktion auftreten!

Integral Image (Buch S. 123)

B	1	2	3
3	5	1	
2	3	3	

Berechnung (nach Formel Buch):

$$I(x+1, y+1) = B(x+1, y+1) + I(x+1, y) + I(x, y+1) - I(x, y)$$

Oder anders :

$$I(x, y) = B(x, y) + I(x, y-1) + I(x-1, y) - I(x-1, y-1)$$

1		

$$I(x, y) = 1 + 0 + 0 - 0 = 1$$

1	3	6
4	11	15

$$I(x, y) = 1 + 6 + 11 - 3 = 15$$

1	3	

$$I(x, y) = 2 + 0 + 1 - 0 = 3$$

1	3	6
4	11	15
6		

$$I(x, y) = 2 + 4 + 0 - 0 = 6$$

1	3	6

$$I(x, y) = 3 + 0 + 3 - 0 = 6$$

1	3	6
4	11	15
6	16	

$$I(x, y) = 3 + 11 + 6 - 4 = 16$$

1	3	6
4		

$$I(x, y) = 3 + 1 + 0 - 0 = 4$$

1	3	6
4	11	15
6	16	23

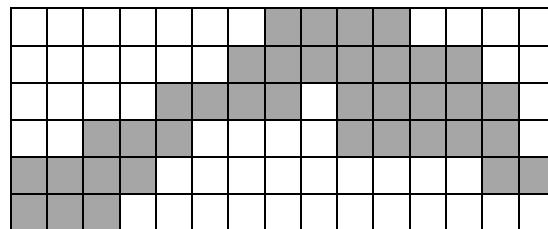
$$I(x, y) = 3 + 15 + 16 - 11 = 23$$

1	3	6
4	11	

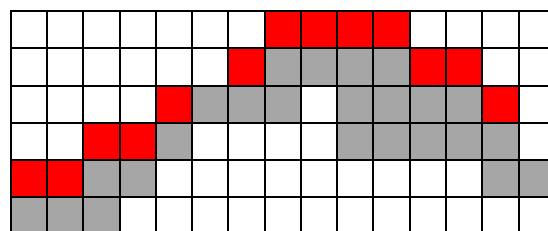
$$I(x, y) = 5 + 3 + 4 - 1 = 11$$

1	3	6
4	11	15
6	16	23

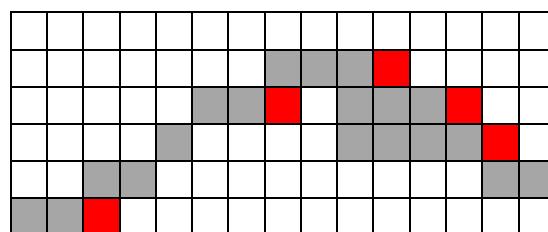
$$I(x, y) = \text{Ergebnis}$$

Thinning Algorithmus (Buch S. 73)

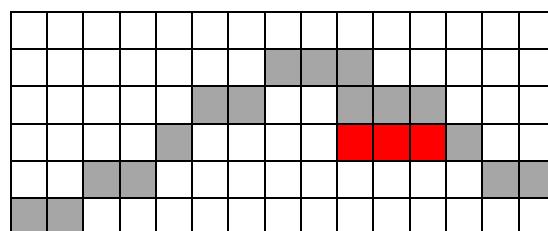
Lösche alle einfachen N-Randpunkte, die nicht Endpunkte sind!



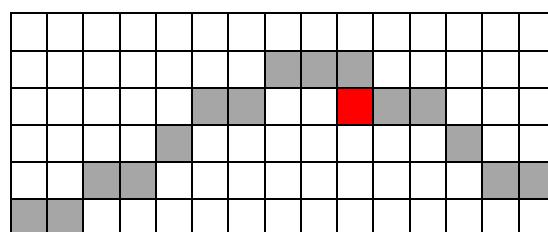
Lösche alle einfachen O-Randpunkte, die nicht Endpunkte sind!



Lösche alle einfachen S-Randpunkte, die nicht Endpunkte sind!



Lösche alle einfachen W-Randpunkte, die nicht Endpunkte sind!



Fertig!

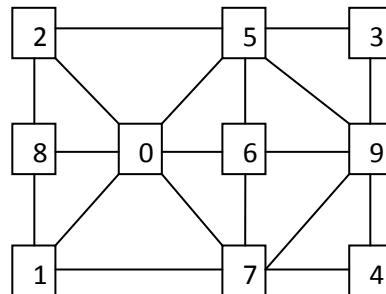
Region Adjacency Graph (RAG) – Buch S. 49

Beim RAG gibt es Knoten, deren Endpunkte der Ziffer ihrer Matrikelnummer in der Reihenfolge ihres Auftretens entsprechen. Kontrahieren Sie alle jene Kanten ($i = 1, 2, 3, 4, 5, 6$) und zeichnen Sie den vereinfachten Graphen mit allen Self Loops und Mehrfachkanten. Sollte ein Knoten mehrere Abstraktionsmöglichkeiten haben, so wählen Sie eine davon aus.

Dabei kann natürlich eine Ziffer mehrmals auftreten, wenn der Ziffer mehrere Zusammenhangskomponenten entsprechen. Zeichnen Sie den RAG des Bildes B.

B =

2	2	5	5	5	3
2	0	0	5	9	9
8	0	0	6	9	9
8	0	0	6	9	9
1	0	0	7	9	9
1	1	7	7	7	4



- Das Grauwertbild B hat seine Grauwerte aus dem Bereich [0, 9].
- Markieren Sie in der folgenden Tabelle die Ziffern Ihrer Matrikelnummer durch Einkreisen der jeweiligen Ziffern.

Matr.Nr.: 0526452

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

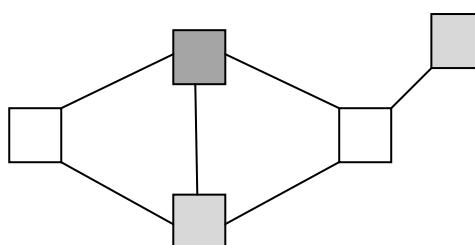
Daraus ergeben sich 2 bis 8 Grauwertintervalle mit 1 bis 9 aufeinanderfolgenden Ziffern. Die markierten Werte kennzeichnen jeweils die (untere) Grenze der Intervalle.

→ [0,1], [2,3], [4,9]

Zeichnen Sie die Grenzen zwischen der dadurch definierten Regionen im Bild B (als Crack Codes) ein! Der Region Adjacency Graph (RAG) besteht dann aus Knoten, die durch ein Intervall bestimmt werden.

B =

2	2	5	5	5	3
2	0	0	5	9	9
8	0	0	6	9	9
8	0	0	6	9	9
1	0	0	7	9	9
1	1	7	7	7	4



Beispiel:

