

Signale und Systeme 2

Theoriefragen

17. Juni 2014

- i) Ein analoges (zeitkontinuierliches) Signal mit einer Dauer von 0.01 Sekunden wird mit einer Abtastfrequenz von 10kHz abgetastet. Die Abtastwerte werden als zeitdiskretes Signal $x[n]$ gespeichert. Mit Verwendung der DFT soll das verzögerte Signal $x[n - N_d]$ erzeugt werden, mit $N_d = 10$. Dazu muss die DFT $X[k]$ von $x[n]$ berechnet werden, und zwar:
- a) mit einer DFT der Länge $N = 100$ und Multiplikation von $X[k]$ mit $e^{-j\frac{2\pi}{100}k \cdot N_d}$. ✗
 - b) mit Anfügen von 5 Nullen and $x[n]$, Verwendung einer 50-Punkte DFT und Multiplikation mit $e^{-j\frac{2\pi}{50}k \cdot N_d}$. ✗
 - c) mit Anfügen von 10 Nullen and $x[n]$, Verwendung einer 110-Punkte DFT und Multiplikation mit $e^{-j\frac{2\pi}{110}k \cdot N_d}$. ✓
 - d) mit Anfügen von 10 Nullen and $x[n]$, Verwendung einer 110-Punkte DFT und Multiplikation mit $e^{-j\frac{2\pi}{100}k \cdot N_d}$. ✗
 - e) keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- ii) Die \mathcal{Z} -Transformation $X(z)$ eines linksseitigen, stabilen, zeitdiskreten Signals:
- a) kann gleichzeitig Pole innerhalb und außerhalb des Einheitskreises haben. ✗
 - b) kann alle Pole im Ursprung $z = 0$ haben ✗
 - c) kann alle Pole in $z = \infty$ haben. ✓
 - d) hat immer alle Pole außerhalb des Einheitskreises. ✓
 - e) hat immer alle Pole innerhalb des Einheitskreises. ✗
 - f) keine der anderen Lösungen ist richtig. ✗
- iii) Die Differenzgleichung $y[n - 2] + y[n - 1] + \frac{1}{2}y[n] = x[n]$ mit Anfangsbedingungen $y[-2] = y[-1] = 0$:
- a) beschreibt ein instabiles digitales Filter. ✓
 - b) beschreibt ein stabiles digitales Filter. ✗
 - c) beschreibt ein digitales Filter mit einer Impulsantwort endlicher Dauer. ✗
 - d) beschreibt ein digitales Filter mit einer Impulsantwort unendlicher Dauer. ✓
 - e) beschreibt ein digitales Filter mit linearem Phasengang der Übertragungsfunktion. ✗

- f) beschreibt ein digitales Filter mit nichtlinearem Phasengang der Übertragungsfunktion. ✓
- g) keine der anderen Lösungen ist richtig. ✗
- iv) Sei $X[0] = 1, X[1] = \frac{j}{2}, X[2] = 1, X[3] = -\frac{j}{2}$. Welche der angegebenen Lösungen für $x[n]$ ist richtig?
- a) $\frac{1}{4} [1 - (-1)^n + j \sin(\frac{\pi}{2}n)]$ ✗
- b) $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n - \cos(\frac{\pi}{2}n)]$ ✗
- c) $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n - \sin(\frac{\pi}{2}n)]$ ✓
- d) $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n + j \cos(\frac{\pi}{2}n)]$ ✗
- e) keine ✗
- v) Ein N -Punkte Signal mit den Eigenschaften $x[n] = x[N - 1 - n], x[0] \neq 0, x[N/2] \neq 0$ (N gerade):
- a) hat eine DFT $X[k]$ mit $X[0] = 0$ ✗
- b) hat eine DFT mit $\sum_{k=0}^{N-1} X[k] = 0$ ✗
- c) hat eine DFT mit $X[N/2] = 0$. ✓
- d) hat eine DFT mit $\sum_{k=0}^{N-1} (-1)^k X[k] = 0$ ✗
- e) keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- vi) Die bilineare Z -Transformation
- a) verändert nicht den Phasenverlauf des Frequenzgangs bei der Transformation eines analogen Filters. ✗
- b) verändert die Lage der Grenzfrequenzen bei der Transformation eines analogen Filters. ✓
- c) führt ein stabiles Analog- in stabiles Digitalfilter über. ✓
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- vii) Die DFT eines 4-Punkte-Signals $x[n]$ sei $X[k] = e^{j\frac{2\pi}{4}7k}, k = 0, 1, 2, 3$. Das zugehörige Zeitsignal ist:
- a) $x[n] = \delta[n - 1] n = 0, \dots, 3$ ✗
- b) $x[n] = \delta[n - 2] n = 0, \dots, 3$ ✗
- c) $x[n] = \delta[n - 3] n = 0, \dots, 3$ ✗
- d) $x[n] = \frac{1}{2}\delta[n] + \frac{1}{2}\delta[n - 3] n = 0, \dots, 3$ ✗
- e) keine ✓
- viii) Die Z -Transformation $X(z)$ eines rechtsseitigen, stabilen, zeitdiskreten Signals:
- a) kann gleichzeitig Pole innerhalb und außerhalb des Einheitskreises haben. ✗
- b) kann alle Pole im Ursprung $z = 0$ haben ✓
- c) kann alle Pole in $z = \infty$ haben. ✗
- d) hat immer alle Pole außerhalb des Einheitskreises. ✗
- e) hat immer alle Pole innerhalb des Einheitskreises. ✓

- f) keine der anderen Lösungen ist richtig. ✗
- ix) Von welchen Signalen $x[n]$, $\forall n$, existiert eine \mathcal{Z} -Transformierte?
- $x[n] = \delta[n] + \delta[n - 1] + \delta[n + 1]$ ✓
 - $x[n] = \sum_{k=0}^3 \sigma[n - k]$ ✓
 - $x[n] = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta[n + 5k]$ ✗
 - $x[n] = \cos\left(\frac{2\pi}{3}n\right) \cdot \sigma[n]$ ✗
 - $x[n] = e^{j\frac{2\pi}{5}n}$ ✓
- x) Die folgenden Pole und Nullstellen der Übertragungsfunktion eines digitalen Filters sind gegeben:
Pole: $\frac{1}{4} \pm j\frac{3}{4}$, $-\frac{3}{4} \pm j\frac{1}{4}$, Nullstellen: $e^{\pm j\pi/2}$, $e^{\pm j2\pi/3}$.
Das Filter ist...
- ein Tiefpass ✗
 - ein Hochpass ✗
 - ein Bandpass ✗
 - eine Bandsperre ✓
 - ein Hilberttransformator ✗
 - keine Lösung ist richtig ✗
- xi) Beim Pol/Nullstellendiagramm der Übertragungsfunktion eines stabilen, akausalen, digitalen Filters mit reellwertigen, konstanten Filterkoeffizienten
- können alle Pole in $z = 0$ liegen. ✗
 - können alle Pole in $z = \infty$ liegen. ✓
 - liegen immer alle Pole außerhalb des Einheitskreises (in der komplexen z -Ebene). ✓
 - müssen genau so viele Pole wie Nullstellen vorhanden sein. ✗
 - müssen alle Pole und Nullstellen als konjugiert komplexe Paare vorliegen. ✗
 - Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- xii) Die inverse \mathcal{Z} -Transformation von $X(z) = \frac{z}{z+2} + \frac{z}{z-\frac{1}{2}}$ ergibt ein:
- stabiles linksseitiges Signal ✗
 - stabiles zweiseitiges Signal ✓
 - stabiles rechtsseitiges Signal ✗
 - Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- xiii) Ein stabiles und kausales Digitalfilter mit reellwertigen Koeffizienten hat die Übertragungsfunktion $H(z)$, mit folgenden Eigenschaften:
- Alle Nullstellen von $H(z)$ müssen im Inneren des Einheitskreises liegen. ✗
 - Die Pole von $H(z)$ liegen im Inneren des Einheitskreises. ✓
 - $\lim_{z \rightarrow \infty} H(z) < \infty$ ✓

- d) $\lim_{z \rightarrow \infty} H(z) = \infty$ ✗
- e) Alle Pole und Nullstellen von $H(z)$ müssen reell sein. ✗
- xiv) Ein Digitalfilter mit reellwertigen Koeffizienten wird durch eine Differenzgleichung beschrieben:
- Die Impulsantwort $h[n]$ beinhaltet den Einfluss der Anfangsbedingungen. ✗
 - Die Anfangsbedingungen beeinflussen das Einschwingverhalten des Filters. ✓
 - Ein Filter mit exakt linearem Phasenverlauf hat im Allgemeinen eine Differenzgleichung ohne rekursiven Anteil. ✓
 - Die Übertragungsfunktion $H(z)$ kann nicht eindeutig aus der Differenzgleichung des digitalen Filters bestimmt werden. ✗
- xv) Sei $X[0] = 1, X[1] = -\frac{j}{2}, X[2] = 1, X[3] = \frac{j}{2}$. Welche der angegebenen Lösungen für $x[n]$ ist richtig?
- $\frac{1}{4} [1 - (-1)^n + j \sin(\frac{\pi}{2}n)]$ ✗
 - $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n - \cos(\frac{\pi}{2}n)]$ ✗
 - $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n + \sin(\frac{\pi}{2}n)]$ ✓
 - $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n + j \cos(\frac{\pi}{2}n)]$ ✗
 - keine ✗
- xvi) Die zyklische Faltung von zwei N -Punkte Signalen
- kann dazu verwendet werden, eine lineare Faltung zu implementieren. ✓
 - kann durch Multiplikation zweier DFT's berechnet werden. ✓
 - kann durch lineare Faltung zweier DFT's berechnet werden. ✗
 - Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- xvii) Welche der folgenden $N = 8$ Punkte Signale haben reellwertige DFT's der Länge $N = 8$?
- $x[n] = (-1 - j \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 - j)$ ✗
 - $x[n] = (1 \ j \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 - j)$ ✓
 - $x[n] = (1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1)$ ✗
 - Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- xviii) Ein digitales Filter habe eine Impulsantwort der Länge $N_h = 100$. Mit Hilfe der zyklischen Faltung soll das Ausgangssignal auf ein Eingangssignale der Länge $N_x = 150$ berechnet werden. Dazu sollte
- Eine DFT-Länge $N = 150$ verwendet werden und die Impulsantwort mit Nullen auf die Länge $N'_h = 150$ erweitert werden. ✗
 - eine DFT-Länge $N = 256$ verwendet werden und die Impulsantwort und das Eingangssignal mit Nullen auf die Länge $N'_h = 256$ erweitert werden. ✓
 - eine DFT-Länge $N = 200$ verwendet werden und die Impulsantwort und das Eingangssignal mit Nullen auf die Länge $N'_h = 200$ erweitert werden. ✗
 - Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- xix) Die DFT eines 4-Punkte-Signals $x[n]$ sei $X[k] = e^{j\frac{2\pi}{4}6k}, k = 0, 1, 2, 3$. Das zugehörige Zeitsignal ist:

- a) $x[n] = \delta[n - 1] \quad n = 0, \dots, 3$ ✗
- b) $x[n] = \delta[n - 2] \quad n = 0, \dots, 3$ ✓
- c) $x[n] = \delta[n - 3] \quad n = 0, \dots, 3$ ✗
- d) $x[n] = \frac{1}{2}\delta[n] + \frac{1}{2}\delta[n - 3] \quad n = 0, \dots, 3$ ✗
- e) keine ✗

xx) Für reellwertige N -Punkte Signale:

- a) ist der Realteil der DFT $X[k]$ eine ungerade Funktion. ✗
- b) ist der Imaginärteil von $X[k]$ eine ungerade Funktion. ✓
- c) ist der Imaginärteil von $X[k]$ null. ✗
- d) ist die Phase von $X[k]$ eine ungerade Funktion. ✓
- e) ist der Betrag von $X[k]$ eine ungerade Funktion. ✗
- f) gilt immer $X[N - k] = X[k]$. ✗
- g) Keine der anderen Antworten ist richtig ✗

xxi) Die bilineare Z -Transformation

- a) verändert die Lage der Grenzfrequenzen bei der Transformation eines analogen Filters. ✓
- b) verändert den Phasenverlauf des Frequenzgangs bei der Transformation eines analogen Filters. ✓
- c) verändert das Stabilitätsverhalten bei der Transformation eines analogen Filters. ✓
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗

xxii) Beim Pol/Nullstellendiagramm der Übertragungsfunktion eines stabilen, kausalen, digitalen Filters mit reellwertigen, konstanten Filterkoeffizienten

- a) können alle Pole in $z = 0$ liegen. ✓
- b) können alle Pole in $z = \infty$ liegen. ✗
- c) liegen immer alle Pole innerhalb des Einheitskreises (in der komplexen z -Ebene). ✗
- d) müssen genau so viele Pole wie Nullstellen vorhanden sein. ✗
- e) können konjugiert komplexe Pole und Nullstellen vorhanden sein. ✓
- f) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗

xxiii) Ein digitales Filter habe eine Impulsantwort der Länge $N_h = 100$. Mit Hilfe der zyklischen Faltung soll das Ausgangssignal auf ein Eingangssignale der Länge $N_x = 150$ berechnet werden. Dazu sollte

- a) Eine DFT-Länge $N = 100$ verwendet werden und die Impulsantwort mit Nullen auf die Länge $N'_h = 150$ erweitert werden. ✗
- b) eine DFT-Länge $N = 150$ verwendet werden und die Impulsantwort und das Eingangssignal mit Nullen auf die Länge $N'_h = 256$ erweitert werden. ✗
- c) eine DFT-Länge $N = 200$ verwendet werden und die Impulsantwort und das Eingangssignal mit Nullen auf die Länge $N'_h = 200$ erweitert werden. ✗
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✓

xxiv) Für reellwertige N -Punkte Signale:

- a) ist der Realteil der DFT $X[k]$ eine gerade Funktion. ✓
- b) ist der Imaginärteil von $X[k]$ eine gerade Funktion. ✗
- c) ist der Imaginärteil von $X[k]$ null. ✗
- d) ist die Phase von $X[k]$ eine gerade Funktion. ✗
- e) ist der Betrag von $X[k]$ eine gerade Funktion. ✓
- f) gilt immer $X[N - k] = X[k]$. ✗
- g) Keine der anderen Antworten ist richtig ✗

xxv) Der Fenstereffekt der DFT

- a) entsteht durch Multiplikation der DFT des Signals mit der DFT der Fensterfunktion. ✗
- b) entsteht durch Faltung der DFT des Signals mit der DFT der Fensterfunktion ✓
- c) entsteht durch zeitliche Begrenzung des Signals ✓
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig ✗

xxvi) Beim FIR-Filterentwurf mit der Fenstermethode:

- a) wird die Impulsantwort eines idealisierten Filters mit einem Zeitfenster gefaltet. ✗
- b) wird die Übertragungsfunktion eines idealisierten Filters mit der Fouriertransformation des Zeitfensters gefaltet. ✓
- c) wird die Übertragungsfunktion eines idealisierten Filters mit der Fouriertransformation des Zeitfensters multipliziert. ✗
- d) wird die Impulsantwort in bestimmten Zeitintervallen auf Null gesetzt. ✓
- e) werden die Übergangsregionen zwischen Durchlass- und Sperrbereichen im Vergleich zum idealisierten Filter größer. ✓
- f) werden die Übergangsregionen zwischen Durchlass- und Sperrbereichen im Vergleich zum idealisierten Filter kleiner. ✗
- g) Keine der anderen Lösungen ist richtig. ✗

xxvii) Welche der folgenden $N = 8$ Punkte Signale haben reellwertige DFT's der Länge $N = 8$?

- a) $x[n] = (-1 \ -1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ -1 \ -1)$ ✗
- b) $x[n] = (1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1)$ ✓
- c) $x[n] = (1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1)$ ✗
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗

xxviii) Die folgenden Pole und Nullstellen der Übertragungsfunktion eines digitalen Filters sind gegeben:

Pole: $-\frac{1}{4} \pm j\frac{3}{4}$, $\frac{3}{4} \pm j\frac{1}{4}$, Nullstellen: $e^{\pm j\pi/2}$, $e^{\pm j\pi/3}$.

Das Filter ist...

- a) ein Tiefpass ✗
- b) ein Hochpass ✗
- c) ein Bandpass ✗
- d) eine Bandsperre ✓
- e) ein Hilberttransformator ✗
- f) keine Lösung ist richtig ✗