

## Signale und Systeme 2

# Theoriefragen

17. Juni 2014

- i) Ein analoges (zeitkontinuierliches) Signal mit einer Dauer von 0.01 Sekunden wird mit einer Abtastfrequenz von  $10\text{kHz}$  abgetastet. Die Abtastwerte werden als zeitdiskretes Signal  $x[n]$  gespeichert. Mit Verwendung der DFT soll das verzögerte Signal  $x[n - N_d]$  erzeugt werden, mit  $N_d = 10$ . Dazu muss die DFT  $X[k]$  von  $x[n]$  berechnet werden, und zwar:
- a) mit einer DFT der Länge  $N = 100$  und Multiplikation von  $X[k]$  mit  $e^{-j\frac{2\pi}{100}k \cdot N_d}$ . ✗
  - b) mit Anfügen von 5 Nullen and  $x[n]$ , Verwendung einer 50-Punkte DFT und Multiplikation mit  $e^{-j\frac{2\pi}{50}k \cdot N_d}$ . ✗
  - c) mit Anfügen von 10 Nullen and  $x[n]$ , Verwendung einer 110-Punkte DFT und Multiplikation mit  $e^{-j\frac{2\pi}{110}k \cdot N_d}$ . ✓
  - d) mit Anfügen von 10 Nullen and  $x[n]$ , Verwendung einer 110-Punkte DFT und Multiplikation mit  $e^{-j\frac{2\pi}{100}k \cdot N_d}$ . ✗
  - e) keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- ii) Die  $\mathcal{Z}$ -Transformation  $X(z)$  eines linksseitigen, stabilen, zeitdiskreten Signals:
- a) kann gleichzeitig Pole innerhalb und außerhalb des Einheitskreises haben. ✗
  - b) kann alle Pole im Ursprung  $z = 0$  haben ✗
  - c) kann alle Pole in  $z = \infty$  haben. ✓
  - d) hat immer alle Pole außerhalb des Einheitskreises. ✓
  - e) hat immer alle Pole innerhalb des Einheitskreises. ✗
  - f) keine der anderen Lösungen ist richtig. ✗
- iii) Die Differenzgleichung  $y[n - 2] + y[n - 1] + \frac{1}{2}y[n] = x[n]$  mit Anfangsbedingungen  $y[-2] = y[-1] = 0$ :
- a) beschreibt ein instabiles digitales Filter. ✓
  - b) beschreibt ein stabiles digitales Filter. ✗
  - c) beschreibt ein digitales Filter mit einer Impulsantwort endlicher Dauer. ✗
  - d) beschreibt ein digitales Filter mit einer Impulsantwort unendlicher Dauer. ✓
  - e) beschreibt ein digitales Filter mit linearem Phasengang der Übertragungsfunktion. ✗

- f) beschreibt ein digitales Filter mit nichtlinearem Phasengang der Übertragungsfunktion. ✓
- g) keine der anderen Lösungen ist richtig. ✗
- iv) Sei  $X[0] = 1, X[1] = \frac{j}{2}, X[2] = 1, X[3] = -\frac{j}{2}$ . Welche der angegebenen Lösungen für  $x[n]$  ist richtig?
- a)  $\frac{1}{4} [1 - (-1)^n + j \sin(\frac{\pi}{2}n)]$  ✗
- b)  $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n - \cos(\frac{\pi}{2}n)]$  ✗
- c)  $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n - \sin(\frac{\pi}{2}n)]$  ✓
- d)  $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n + j \cos(\frac{\pi}{2}n)]$  ✗
- e) keine ✗
- v) Ein  $N$ -Punkte Signal mit den Eigenschaften  $x[n] = x[N - 1 - n], x[0] \neq 0, x[N/2] \neq 0$  ( $N$  gerade):
- a) hat eine DFT  $X[k]$  mit  $X[0] = 0$  ✗
- b) hat eine DFT mit  $\sum_{k=0}^{N-1} X[k] = 0$  ✗
- c) hat eine DFT mit  $X[N/2] = 0$ . ✓
- d) hat eine DFT mit  $\sum_{k=0}^{N-1} (-1)^k X[k] = 0$  ✗
- e) keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- vi) Die bilineare  $Z$ -Transformation
- a) verändert nicht den Phasenverlauf des Frequenzgangs bei der Transformation eines analogen Filters. ✗
- b) verändert die Lage der Grenzfrequenzen bei der Transformation eines analogen Filters. ✓
- c) führt ein stabiles Analog- in stabiles Digitalfilter über. ✓
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- vii) Die DFT eines 4-Punkte-Signals  $x[n]$  sei  $X[k] = e^{j\frac{2\pi}{4}7k}, k = 0, 1, 2, 3$ . Das zugehörige Zeitsignal ist:
- a)  $x[n] = \delta[n - 1] n = 0, \dots, 3$  ✗
- b)  $x[n] = \delta[n - 2] n = 0, \dots, 3$  ✗
- c)  $x[n] = \delta[n - 3] n = 0, \dots, 3$  ✗
- d)  $x[n] = \frac{1}{2}\delta[n] + \frac{1}{2}\delta[n - 3] n = 0, \dots, 3$  ✗
- e) keine ✓
- viii) Die  $Z$ -Transformation  $X(z)$  eines rechtsseitigen, stabilen, zeitdiskreten Signals:
- a) kann gleichzeitig Pole innerhalb und außerhalb des Einheitskreises haben. ✗
- b) kann alle Pole im Ursprung  $z = 0$  haben ✓
- c) kann alle Pole in  $z = \infty$  haben. ✗
- d) hat immer alle Pole außerhalb des Einheitskreises. ✗
- e) hat immer alle Pole innerhalb des Einheitskreises. ✓

- f) keine der anderen Lösungen ist richtig. ✘
- ix) Von welchen Signalen  $x[n]$ ,  $\forall n$ , existiert eine  $\mathcal{Z}$ -Transformierte?
- a)  $x[n] = \delta[n] + \delta[n - 1] + \delta[n + 1]$  ✓
- b)  $x[n] = \sum_{k=0}^3 \sigma[n - k]$  ✓
- c)  $x[n] = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta[n + 5k]$  ✘
- d)  $x[n] = \cos\left(\frac{2\pi}{3}n\right) \cdot \sigma[n]$  ✘
- e)  $x[n] = e^{j\frac{2\pi}{5}n}$  ✓
- x) Die folgenden Pole und Nullstellen der Übertragungsfunktion eines digitalen Filters sind gegeben:  
 Pole:  $\frac{1}{4} \pm j\frac{3}{4}$ ,  $-\frac{3}{4} \pm j\frac{1}{4}$ , Nullstellen:  $e^{\pm j\pi/2}$ ,  $e^{\pm j2\pi/3}$ .  
 Das Filter ist...
- a) ein Tiefpass ✘
- b) ein Hochpass ✘
- c) ein Bandpass ✘
- d) eine Bandsperre ✓
- e) ein Hilberttransformator ✘
- f) keine Lösung ist richtig ✘
- xi) Beim Pol/Nullstellendiagramm der Übertragungsfunktion eines stabilen, akausalen, digitalen Filters mit reellwertigen, konstanten Filterkoeffizienten
- a) können alle Pole in  $z = 0$  liegen. ✘
- b) können alle Pole in  $z = \infty$  liegen. ✓
- c) liegen immer alle Pole außerhalb des Einheitskreises (in der komplexen  $z$ -Ebene). ✓
- d) müssen genau so viele Pole wie Nullstellen vorhanden sein. ✘
- e) müssen alle Pole und Nullstellen als konjugiert komplexe Paare vorliegen. ✘
- f) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✘
- xii) Die inverse  $\mathcal{Z}$ -Transformation von  $X(z) = \frac{z}{z+2} + \frac{z}{z-\frac{1}{2}}$  ergibt ein:
- a) stabiles linksseitiges Signal ✘
- b) stabiles zweiseitiges Signal ✓
- c) stabiles rechtsseitiges Signal ✘
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✘
- xiii) Ein stabiles und kausales Digitalfilter mit reellwertigen Koeffizienten hat die Übertragungsfunktion  $H(z)$ , mit folgenden Eigenschaften:
- a) Alle Nullstellen von  $H(z)$  müssen im Inneren des Einheitskreises liegen. ✘
- b) Die Pole von  $H(z)$  liegen im Inneren des Einheitskreises. ✓
- c)  $\lim_{z \rightarrow \infty} H(z) < \infty$  ✓

- d)  $\lim_{z \rightarrow \infty} H(z) = \infty$  ✗
- e) Alle Pole und Nullstellen von  $H(z)$  müssen reell sein. ✗
- xiv) Ein Digitalfilter mit reellwertigen Koeffizienten wird durch eine Differenzgleichung beschrieben:
- Die Impulsantwort  $h[n]$  beinhaltet den Einfluss der Anfangsbedingungen. ✗
  - Die Anfangsbedingungen beeinflussen das Einschwingverhalten des Filters. ✓
  - Ein Filter mit exakt linearem Phasenverlauf hat im Allgemeinen eine Differenzgleichung ohne rekursiven Anteil. ✓
  - Die Übertragungsfunktion  $H(z)$  kann nicht eindeutig aus der Differenzgleichung des digitalen Filters bestimmt werden. ✗
- xv) Sei  $X[0] = 1, X[1] = -\frac{j}{2}, X[2] = 1, X[3] = \frac{j}{2}$ . Welche der angegebenen Lösungen für  $x[n]$  ist richtig?
- $\frac{1}{4} [1 - (-1)^n + j \sin(\frac{\pi}{2}n)]$  ✗
  - $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n - \cos(\frac{\pi}{2}n)]$  ✗
  - $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n + \sin(\frac{\pi}{2}n)]$  ✓
  - $\frac{1}{4} [1 + (-1)^n + j \cos(\frac{\pi}{2}n)]$  ✗
  - keine ✗
- xvi) Die zyklische Faltung von zwei  $N$ -Punkte Signalen
- kann dazu verwendet werden, eine lineare Faltung zu implementieren. ✓
  - kann durch Multiplikation zweier DFT's berechnet werden. ✓
  - kann durch lineare Faltung zweier DFT's berechnet werden. ✗
  - Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- xvii) Welche der folgenden  $N = 8$  Punkte Signale haben reellwertige DFT's der Länge  $N = 8$ ?
- $x[n] = (-1 - j \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 - j)$  ✗
  - $x[n] = (1 \ j \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 - j)$  ✓
  - $x[n] = (1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1)$  ✗
  - Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- xviii) Ein digitales Filter habe eine Impulsantwort der Länge  $N_h = 100$ . Mit Hilfe der zyklischen Faltung soll das Ausgangssignal auf ein Eingangssignale der Länge  $N_x = 150$  berechnet werden. Dazu sollte
- Eine DFT-Länge  $N = 150$  verwendet werden und die Impulsantwort mit Nullen auf die Länge  $N'_h = 150$  erweitert werden. ✗
  - eine DFT-Länge  $N = 256$  verwendet werden und die Impulsantwort und das Eingangssignal mit Nullen auf die Länge  $N'_h = 256$  erweitert werden. ✓
  - eine DFT-Länge  $N = 200$  verwendet werden und die Impulsantwort und das Eingangssignal mit Nullen auf die Länge  $N'_h = 200$  erweitert werden. ✗
  - Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗
- xix) Die DFT eines 4-Punkte-Signals  $x[n]$  sei  $X[k] = e^{j\frac{2\pi}{4}6k}$ ,  $k = 0, 1, 2, 3$ . Das zugehörige Zeitsignal ist:

- a)  $x[n] = \delta[n - 1] \quad n = 0, \dots, 3$  ✗
- b)  $x[n] = \delta[n - 2] \quad n = 0, \dots, 3$  ✓
- c)  $x[n] = \delta[n - 3] \quad n = 0, \dots, 3$  ✗
- d)  $x[n] = \frac{1}{2}\delta[n] + \frac{1}{2}\delta[n - 3] \quad n = 0, \dots, 3$  ✗
- e) keine ✗

xx) Für reellwertige  $N$ -Punkte Signale:

- a) ist der Realteil der DFT  $X[k]$  eine ungerade Funktion. ✗
- b) ist der Imaginärteil von  $X[k]$  eine ungerade Funktion. ✓
- c) ist der Imaginärteil von  $X[k]$  null. ✗
- d) ist die Phase von  $X[k]$  eine ungerade Funktion. ✓
- e) ist der Betrag von  $X[k]$  eine ungerade Funktion. ✗
- f) gilt immer  $X[N - k] = X[k]$ . ✗
- g) Keine der anderen Antworten ist richtig ✗

xxi) Die bilineare  $Z$ -Transformation

- a) verändert die Lage der Grenzfrequenzen bei der Transformation eines analogen Filters. ✓
- b) verändert den Phasenverlauf des Frequenzgangs bei der Transformation eines analogen Filters. ✓
- c) verändert das Stabilitätsverhalten bei der Transformation eines analogen Filters. ✓
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗

xxii) Beim Pol/Nullstellendiagramm der Übertragungsfunktion eines stabilen, kausalen, digitalen Filters mit reellwertigen, konstanten Filterkoeffizienten

- a) können alle Pole in  $z = 0$  liegen. ✓
- b) können alle Pole in  $z = \infty$  liegen. ✗
- c) liegen immer alle Pole innerhalb des Einheitskreises (in der komplexen  $z$ -Ebene). ✗
- d) müssen genau so viele Pole wie Nullstellen vorhanden sein. ✗
- e) können konjugiert komplexe Pole und Nullstellen vorhanden sein. ✓
- f) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗

xxiii) Ein digitales Filter habe eine Impulsantwort der Länge  $N_h = 100$ . Mit Hilfe der zyklischen Faltung soll das Ausgangssignal auf ein Eingangssignale der Länge  $N_x = 150$  berechnet werden. Dazu sollte

- a) Eine DFT-Länge  $N = 100$  verwendet werden und die Impulsantwort mit Nullen auf die Länge  $N'_h = 150$  erweitert werden. ✗
- b) eine DFT-Länge  $N = 150$  verwendet werden und die Impulsantwort und das Eingangssignal mit Nullen auf die Länge  $N'_h = 256$  erweitert werden. ✗
- c) eine DFT-Länge  $N = 200$  verwendet werden und die Impulsantwort und das Eingangssignal mit Nullen auf die Länge  $N'_h = 200$  erweitert werden. ✗
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✓

xxiv) Für reellwertige  $N$ -Punkte Signale:

- a) ist der Realteil der DFT  $X[k]$  eine gerade Funktion. ✓
- b) ist der Imaginärteil von  $X[k]$  eine gerade Funktion. ✗
- c) ist der Imaginärteil von  $X[k]$  null. ✗
- d) ist die Phase von  $X[k]$  eine gerade Funktion. ✗
- e) ist der Betrag von  $X[k]$  eine gerade Funktion. ✓
- f) gilt immer  $X[N - k] = X[k]$ . ✗
- g) Keine der anderen Antworten ist richtig ✗

xxv) Der Fenstereffekt der DFT

- a) entsteht durch Multiplikation der DFT des Signals mit der DFT der Fensterfunktion. ✗
- b) entsteht durch Faltung der DFT des Signals mit der DFT der Fensterfunktion ✓
- c) entsteht durch zeitliche Begrenzung des Signals ✓
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig ✗

xxvi) Beim FIR-Filterentwurf mit der Fenstermethode:

- a) wird die Impulsantwort eines idealisierten Filters mit einem Zeitfenster gefaltet. ✗
- b) wird die Übertragungsfunktion eines idealisierten Filters mit der Fouriertransformation des Zeitfensters gefaltet. ✓
- c) wird die Übertragungsfunktion eines idealisierten Filters mit der Fouriertransformation des Zeitfensters multipliziert. ✗
- d) wird die Impulsantwort in bestimmten Zeitintervallen auf Null gesetzt. ✓
- e) werden die Übergangsregionen zwischen Durchlass- und Sperrbereichen im Vergleich zum idealisierten Filter größer. ✓
- f) werden die Übergangsregionen zwischen Durchlass- und Sperrbereichen im Vergleich zum idealisierten Filter kleiner. ✗
- g) Keine der anderen Lösungen ist richtig. ✗

xxvii) Welche der folgenden  $N = 8$  Punkte Signale haben reellwertige DFT's der Länge  $N = 8$ ?

- a)  $x[n] = (-1 \ -1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ -1 \ -1)$  ✗
- b)  $x[n] = (1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1)$  ✓
- c)  $x[n] = (1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1)$  ✗
- d) Keine der anderen Antworten ist richtig. ✗

xxviii) Die folgenden Pole und Nullstellen der Übertragungsfunktion eines digitalen Filters sind gegeben:

Pole:  $-\frac{1}{4} \pm j\frac{3}{4}$ ,  $\frac{3}{4} \pm j\frac{1}{4}$ , Nullstellen:  $e^{\pm j\pi/2}$ ,  $e^{\pm j\pi/3}$ .

Das Filter ist...

- a) ein Tiefpass ✗
- b) ein Hochpass ✗
- c) ein Bandpass ✗
- d) eine Bandsperre ✓
- e) ein Hilberttransformator ✗
- f) keine Lösung ist richtig ✗